

التمرين الأول: (6 نقاط)

لنكن  $g$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $g(x) = 4x^2 - 7x + 1$  وليكن  $(C_g)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، و  $a$  عدد حقيقي كفي.

$$\frac{g(a+h) - g(a)}{h} = 4h + 8a - 7 \quad \text{فإن } h \text{ يختلف عن } 0$$

(2) عين  $g'(a)$  ثم بين أن معادلة المماس للمنحني  $(C_g)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $a$  هي:  $y = (8a - 7)x - 4a^2 + 1$

(3) عين أحسن تقريب تآلفي للدالة  $g$  بجوار 3.

(4) أعط قيما تقريبية للعدد  $g(3.0003)$  و  $g(2.999)$

التمرين الثاني: (14 نقطة)

$c$ ،  $b$  عدنان حقيقيان، في الشكل المقابل  $(C_f)$  هو التمثيل البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  لدالة  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  حيث:  $f(x) = x^3 + bx + c$  كما مثلنا المماس للمنحني في النقطة ذات الفاصلتين 0.

I. بقراءة بيانية:

(1) عين  $f(0)$ ،  $f(-1)$ ،  $f(1)$ ،  $f'(0)$ ،  $f'(1)$ ،

ثم أحسب  $\left(\frac{2}{f}\right)'(0)$ .

(2) عين حسب قيم  $x$  إتجاه تغير الدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$ .

(3) حل المعادلة  $f(x) = 0$ .

(4) عين حسب قيم  $x$  إشارة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$ . ثم استنتج حلول

المتراجحة  $f(x) > 0$ .

(5) بإستعمال نتائج السؤال (1) عين العددين  $b$ ،  $c$ .

II. في كل مما يلي نضع  $b = -3$  و  $c = -2$

(1) أحسب  $f'(x)$  و أدرس إشارتها على  $\mathbb{R}$ .

(2) أكتب معادلة المماس  $(\Delta)$  للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة ذات

الفاصلة 0.

(3) أدرس إشارة الفرق  $[f(x) - (-3x - 2)]$  ثم استنتج وضعية  $(C_f)$  بالنسبة لـ  $(\Delta)$ .

(4) بين أن النقطة  $I(0; -2)$  هي مركز تناظر للمنحني  $(C_f)$ .

III. دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $h(x) = f(-|x|)$  و  $(C_h)$  هو تمثيلها البياني في المعلم  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) ادرس شفعية الدالة  $h$ .

(2) اعتمادا على المنحني  $(C_f)$  اشرح كيف يتم رسم المنحني  $(C_h)$ ، ثم ارسمه في نفس المعلم السابق.

