

## التمرين الأول (06 ن):

I. اذكر ان كانت كل جملة من الجمل التالية صحيحة ام خاطئة مع التبرير في كل حالة.

$$(1) \quad \frac{\pi}{4} \text{ هو القيس الرئيسي للزاوية الموجهة التي قيسها } \frac{481\pi}{4}$$

$$(2) \quad \text{العديدين الحقيقيين } \frac{20\pi}{4} \text{ و } \frac{-87\pi}{3} \text{ قياسان لنفس الزاوية الموجهة.}$$

$$(3) \quad (\vec{u}; \vec{v}) \text{ زاوية موجهة لشعاعين: اذا كان } (\vec{u}; \vec{v}) = \frac{-\pi}{3} \text{ فان } (-3\vec{u}; 2\vec{v}) = \frac{4\pi}{3}$$

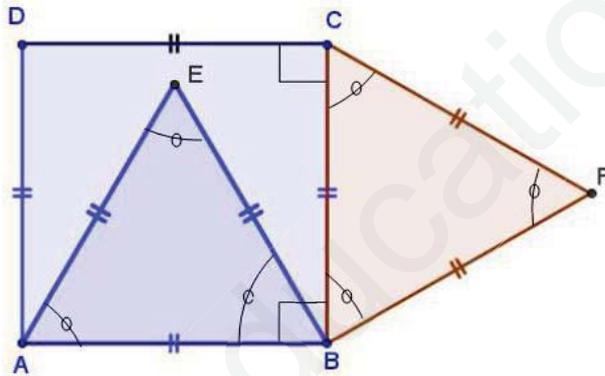
$$(4) \quad \text{اذا كان } A(x) = \cos(\pi - x) + \cos(\pi + x) + \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right) + \cos(x) \text{ فان :}$$

$$A(x) = 1$$

II. المستوي موجه في الشكل المقابل لدينا :

$ABCD$  مربع ;  $ABE$  مثلث متقايس الاضلاع  $BCF$  ; مثلث متقايس الاضلاع

عين أقياس بالرديان كل زاوية من الزوايا الموجهة التالية :



$$(\vec{EB}; \vec{CB}), (\vec{BF}; \vec{FC})$$

$$(\vec{ED}; \vec{EA}), (\vec{DC}; \vec{CF})$$

التمرين الثاني (06 ن):

$ABC$  مثلث قائم في  $A$  و  $AB = AC$

$G$  مرجح الجملة  $\{(A; 2); (B; 1); (C; 1)\}$

(1) بّر وجود ووحداية النقطة  $G$

(2) ارسم شكلا مبينا فيه كيفية انشاء النقطة  $G$

(3) نعتبر  $(A; \vec{AB}; \vec{AC})$  معلما للمستوي

➤ احسب احداثي كل من النقاط  $A, B, C$  و  $G$  في هذا المعلم .

$$(4) \quad \text{عين (E) مجموعة النقط } M \text{ من المستوي والتي تحقق : } \|\vec{2MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 4 \|\vec{AG}\|$$

$$(5) \quad \text{عين (T) مجموعة النقط } M' \text{ من المستوي والتي تحقق : } \|\vec{2M'A} + \vec{M'B} + \vec{M'C}\| = 4 \|\vec{M'A}\|$$

ملاحظة : لا نرسم (E) و (T)

التمرين الثالث (08 ن):

لتكن الدالة  $f$  المعرفة على:  $]-\infty; -1[ \cup ]-1; 1[ \cup ]1; +\infty[$  كمايلي  $f(x) = \frac{x^3 - x^2 + 1}{x^2 - 1}$

وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المزود بمعلم متعامد ومتجانس  $(o, \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند حدود مجال تعريفها ثم فسر النتائج بيانياً.

(2) أثبت أن من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$  فان :  $f'(x) = \frac{x^2(x^2 - 3)}{(x^2 - 1)^2}$

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$  فان :  $f(x) = x - 1 + \frac{x}{x^2 - 1}$

(5) ليكن  $(d)$  المستقيم الذي معادلته  $y = x - 1$ . أثبت أن المستقيم  $(d)$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$

(6) أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم المقارب المائل  $(d)$ .

(7) بين أنه توجد 3 نقاط من المنحنى يكون عندهم المماس موازياً لمحور الفواصل يطلب تعيين فواصلهم.

(8) احسب  $f(0)$

(9) ارسم المستقيمت المقاربة و  $(C_f)$ . يعطى :  $f(-0,75) = 0$