

03/03/2019	اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات	ثانوية أحمد الحاج بن فطيمة - حطاطبة -
المدة : ساعتان		القسم : 2 ت ر

### التمرين الأول : (6 نقاط)

يحتوي كيس على 2 كريات بيضاء و 2 كريات خضراء و كرية واحدة سوداء لانفرق بينها باللمس .

ا. يسحب اللاعب من الكيس كرتين على التوالي و بدون ارجاع .

1. أنشئ مخططا يبين كل الحالات الممكنة .

2. عين مجموعة الإمكانات ، ثم عرف قانون الإحتمال عليها .

3. احسب احتمال الحصول على :

• كرتين من نفس اللون .

• كرتين مختلفتين في اللون .

• الكرية الأولى خضراء .

ii. يربح اللاعب  $2x$  عند سحب كرية سوداء،  $x$  عند سحب كرية بيضاء، و  $-1$  عند سحب كرية

خضراء . حيث  $x$  عدد طبيعي غير معدوم .

نعتبر لمتغير العشوائي  $X$  الذي يرفق بكل سحب جداء الربح المحصل عليه عند كل سحب .

1. عين جميع القيم الممكنة للربح بدلالة  $x$  .

2. عرف قانون احتمال المتغير العشوائي .

### التمرين الثاني : (5 نقاط)

نزود المستوي بمعلم متعامد و متجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  .

لتكن النقط  $A(-1; 1)$ ,  $B(2; -3)$ ,  $C(0; 2)$  .

1. عين احداثيات النقطة  $I$  مركز ثقل المثلث  $ABC$  .

2. عين احداثيات النقطة  $G$  مرجح الجملة  $\{(A, -1); (B, 1); (C, 3)\}$  .

3. عين احداثيات النقطة  $D$  بحيث تكون النقطة  $O$  مركز ثقل المثلث  $ACD$  .

4. عين المجموعة  $(E)$  للنقط  $M$  من المستوي حيث :

$$\|-\vec{MA} + \vec{MB} + 3\vec{MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$$

### التمرين الثالث : (9 نقاط)

لتكن  $f$  الدالة المعرفة على المجال  $]-\infty; 1[ \cup ]1; +\infty[$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 6}{x - 1}$

(C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\vec{i}; \vec{j}; 0)$ .

أ. أوجد  $a$  و  $b$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $]-\infty; 1[ \cup ]1; +\infty[$  فإن:

$$f(x) = x - a + \frac{b}{x-1}$$

نضع فيما يلي  $a = 2$  و  $b = 4$ .

ب. أحسب  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسياً.

ج. أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

د. أثبت أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x - 2$  هو مستقيم مقارب مائل

للمنحنى (C) بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$ .

هـ. أدرس وضعية (C) بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .

و. أحسب  $f'(x)$  و ادرس اشارتها ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

ز. عين نقط تقاطع (C) مع حامل المحورين.

ح. بين أن بيان الدالة  $f$  يقبل النقطة  $A(1, -1)$  كمركز تناظر.

ط. أنشئ بيان الدالة  $f$  موضحاً كل المستقيمات المقاربة.

بالتوفيق إن شاء الله