

اختبار في مادة الرياضيات للفصل الأول

التمرين الأول:

من بين الأجوبة المقترحة توجد إجابة صحيحة وحيدة، اختر الإجابة الصحيحة مع التعليل :

1. باقي القسمة الإقليدية للعدد الصحيح 1433 على 5 هو :

أ) 3      ب) -3      ج) 1

2. إذا كان :  $a \equiv 4[5]$  فإن :

أ)  $a^2 \equiv 1[5]$       ب)  $a^2 \equiv 2[5]$       ج)  $a^2 \equiv 3[5]$

3. إذا كان  $b$  عددا طبيعيا حيث :  $b = 5 \times 7 + 9$  فإن باقي قسمة  $b$  على 7 هو :

أ) 2      ب) 3      ج) 4

4. العددان الصحيحان 2016 و 1438 متوافقان بترديد :

أ) 11      ب) 13      ج) 17

التمرين الثاني:

$a$  و  $b$  عددان صحيحان حيث :  $a \equiv 3[6]$  و  $b \equiv 5[6]$

(1) عين باقي قسمة كلا من  $a^2$  و  $(a^2 + 2b - 1)$  على 6

(2) عين باقي قسمة  $b^2$  على 6 ثم إستنتج باقي قسمة العدد  $(b^{2016} + 2017)$  على 6

التمرين الثالث:

$(u_n)$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{Z}$  حيث :  $u_3 = 14$  و  $u_7 = 30$  .

(1) أثبت أن أساس المتتالية :  $r = 4$  وحدها الأول :  $u_0 = 2$

(2) أ- أكتب عبارة الحد العام  $u_n$  بدلالة  $n$  .

ب- تحقق أن العدد 2014 حد من حدود المتتالية  $(u_n)$  . ما رتبته؟

(3) أ- عبر بدلالة  $n$  عن المجموع :  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  .

ب- عين قيمة العدد الطبيعي  $n$  بحيث يكون :  $S_n = 32$  .

التمرين الرابع:

$n$  عدد طبيعي ، نعتبر الخاصية :  $p(n) : 6^n \equiv 1[5]$  .....

أثبت بالتراجع صحة الخاصية  $p(n)$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$  .

إرشاد:  $6^{n+1} = 6^n \times 6$