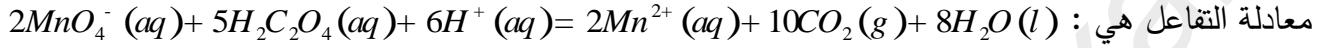


**التمرين الأول : (08 نقاط)**

تفاعل شاردة البرمنغنات  $MnO_4^-$  مع حمض الأوكساليك  $H_2C_2O_4$  في وسط حمضي هو تفاعل تام وبطيء.

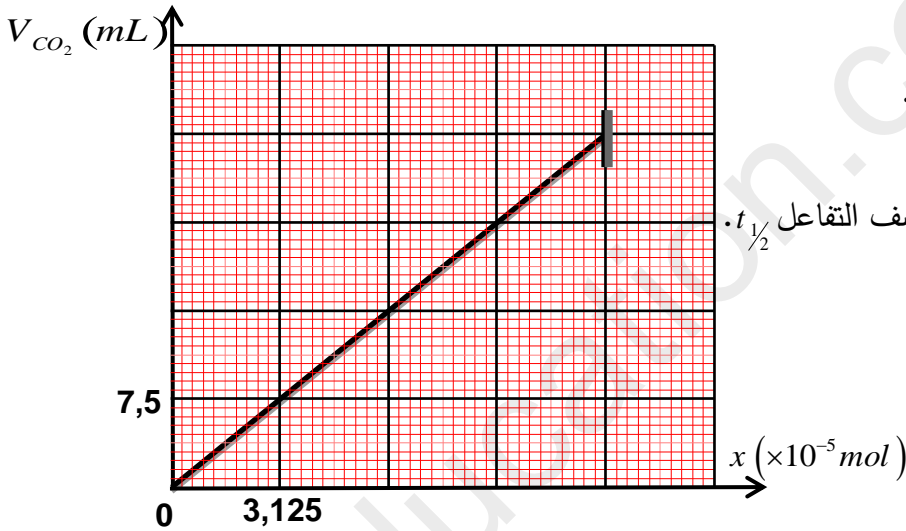


نمزج في اللحظة  $t = 0$  حجما  $V_1 = 25mL$  من محلول مائي محمض لبرمنغنات البوتاسيوم  $(K^+ + MnO_4^-)_{(aq)}$  تركيزه

المولي  $C_1$  مع حجم  $V_2 = 20mL$  من حمض الأوكساليك تركيزه المولي  $C_2 = 0,1mol / l$ .

إن المتابعة الزمنية لهذا التفاعل مكنتنا من تمثيل البيان  $V(CO_2) = f(x)$  حيث  $x$ : هو تقدم التفاعل و الحجم المولي

للغازات في شروط قياس حجم غاز ثنائي أكسيد الكربون  $CO_2$  هو  $V_M$ .



1- أنشئ جدول التقدم لهذا التفاعل .

2- حدّد المتفاعل المحد، ثم أحسب قيمة  $C_1$ .

3- أحسب الحجم المولي للغازات  $V_M$ .

4- أوجد التركيب المولي للمزيج عند زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ .

5- بيّن أن كمية المادة لحمض الأوكساليك في اللحظة  $t$  تكتب بالعلاقة:  $n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2 V_2 - \frac{V_{CO_2}(t)}{2V_M}$

6- عند اللحظة  $(t = t_{1/2})$  تكون قيمة ميل مماس المنحنى  $V(CO_2) = f(t)$ :  $\frac{dV_{CO_2}}{dt} = 5 \times 10^{-3} L \cdot \min^{-1}$

- أحسب السرعة الحجمية لاختفاء حمض الأوكساليك عند اللحظة  $t_{1/2}$ .

**التمرين الثاني: (05 نقاط)**

يعتبر الطب أحد المجالات الرئيسية التي عرفت تطبيقاته للأنشطة الإشعاعية، حيث يوظف عدد من الأنوية المشعة

لتشخيص الامراض ومعالجتها، ومن بينها الرينيوم  $^{186}_{75}Re$  الذي تستخدم جرعات منه للتخفيف من آلام الروماتيزم عن

طريق الحقن الموضعي.

المعطيات: ثابت النشاط الإشعاعي للرينيوم  $^{186}_{75}Re$ :  $\lambda = 0,19 \text{ jour}^{-1} = 2,2 \times 10^{-6} \text{ s}^{-1}$

1- تفكك نواة الرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  :

ينتج عن تفكك نواة الرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  نواة الأوسميوم  $^{186}_{76}\text{Os}$ .

- اكتب معادلة تفكك نواة الرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  وحدد نوع الإشعاع.

II- الحقن الموضعي بالرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  :

يوجد الدواء المستعمل للحقن على شكل جرعات تحتوي على الرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  ، حجم كل واحدة منها  $V_0 = 10\text{mL}$ .

النشاط الإشعاعي للرينيوم الموجود في كل جرعة عند اللحظة  $(t = 0)$  هو :  $A_0 = 4 \times 10^9 \text{Bq}$ .

1- حدد بوحدة (jour) زمن نصف العمر  $t_{1/2}$  للرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$ .

2- بفرض أن النشاط الإشعاعي يبقى ثابتا خلال ربع ساعة ما هو العدد المتوسط لدقائق  $\beta^-$  المنبعثة.

3- أوجد عند اللحظة  $t_1 = 4,8 \text{jours}$  ، قيمة  $N_1$  عدد أنوية الرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  الموجودة في كل جرعة.

4- عند نفس اللحظة  $t_1$  نأخذ من الجرعة ذات الحجم  $V_0 = 10\text{mL}$  ، حقنة حجمها  $V$  وعدد أنوية الرينيوم فيها هو

$N = 3,65 \times 10^{13} \text{noyaux}$  ، ثم نحقن بها مريض في مفصل الكتف .

- أوجد قيمة الحجم  $V$ .

**التمرين الثالث: (07 نقاط)**

مستقبل الطاقة النظيفة في العالم هو اندماج الديتريوم  $^2_1\text{H}$  والتريتيوم  $^3_1\text{H}$  ، يعمل الباحثون على تحقيقه في مشروع *ITER*.

1- ما المقصود بالاندماج النووي ؟

2- اكتب معادلة اندماج النواتين  $^2_1\text{H}$  و  $^3_1\text{H}$ .

3- تعطى الحصيلة الطاقوية لتفاعل الاندماج في الشكل المقابل :

أ- أوجد قيمة  $E_2$ .

ب- أوجد طاقة الربط  $E_l$  لنواتي الهيليوم  $^4_2\text{He}$  و الديتريوم  $^2_1\text{H}$ .

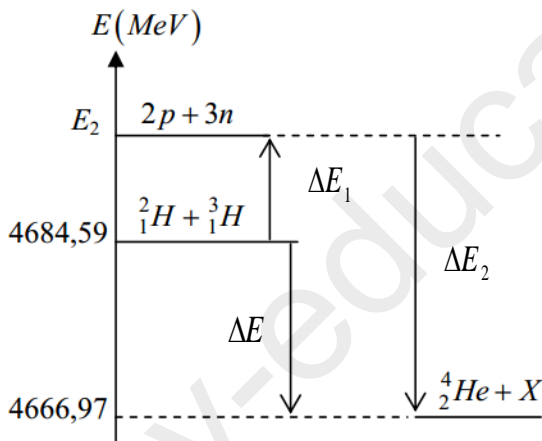
ج- قارن بين الأنوية  $^2_1\text{H}$  ،  $^3_1\text{H}$  و  $^4_2\text{He}$  من حيث الاستقرار.

د- استنتج الطاقة المحررة  $E_{lib}$  من هذا التفاعل.

4- الطاقة المحررة الكلية الناتجة عن اندماج كتلة  $m_0$  نواتي

$^3_1\text{H}$  و  $^2_1\text{H}$  قدرها  $E_{lib\text{TOT}} = 3.38 \times 10^{11} \text{J}$ .

- أوجد قيمة الكتلة  $m_0$ .



يعطى:  $N_A = 6.02 \times 10^{23} \text{mol}^{-1}$  ،  $E_{1/A}(^3_1\text{H}) = 2.82 \text{MeV} / \text{nucl}$  ،  $1 \text{Mev} = 1,6 \times 10^{-13} \text{j}$

$m(^1_1\text{p}) = 1,00728u$  ،  $m(^1_0\text{n}) = 1,00866u$  ،  $1u = 931,5 \text{Mev}/c^2$



## تصحیح الاختبار الأول

التمرين الاول: ( 08 نقاط )

التفاعل	$2MnO_4^- + 5H_2C_2O_4 + 6H^+ = 2Mn^{2+} + 10CO_2 + 8H_2O$					
ح.إ	$n_1 = C_1V_1$	$n_2 = C_2V_2$	زيادة	0	0	زيادة
ح.و	$C_1V_1 - 2x(t)$	$C_2V_2 - 5x(t)$	زيادة	$2x(t)$	$10x(t)$	زيادة
ح.ن	$C_1V_1 - 2x_f$	$C_2V_2 - 5x_f$	زيادة	$2x_f$	$10x_f$	زيادة

1- جدول تقدم التفاعل:

(0,5)

2- المتفاعل المحد:

من البيان وفي الحالة النهائية  $x_f = 12,5 \times 10^{-5} \text{ mol}$  وبما أن التفاعل تام  $\leftarrow x_f = 12,5 \times 10^{-5} \text{ mol}$  (0,5)

$$(0,5) \quad C_2V_2 - 5x_{\max} = 0 \Rightarrow 0,1 \times 20 \times 10^{-3} - 5 \times 12,5 \times 10^{-5} = 1,37 \times 10^{-3} \text{ mol} \neq 0$$

- إذن المتفاعل المحد هو شوارد  $MnO_4^-$  (0,25)

- حساب قيمة  $C_1$ :  $C_1V_1 - 2x_{\max} = 0 \Rightarrow C_1 = \frac{2x_{\max}}{V_1} = \frac{2 \times 12,5 \times 10^{-5}}{25 \times 10^{-3}} = 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$  (1)

3- حساب الحجم المولي للغازات  $V_M$ : حسب التعريف ومن جدول التقدم:  $n_{CO_2}(f) = \frac{V_{CO_2}(f)}{V_M} = 10x_f$  (0,5)

$$(0,5) \quad V_M = \frac{30 \times 10^{-3}}{10 \times 12,5 \times 10^{-5}} = 24 L \cdot mol^{-1} \quad \text{ت ع:}$$

4- التركيب المولي للمزيج التفاعلي عند زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ :  $x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = \frac{12,5 \times 10^{-5}}{2} = 6,25 \times 10^{-5} \text{ mol}$  (0,5)

$n_{(H_2C_2O_4)}(t_{1/2}) = C_2V_2 - 5x(t_{1/2})$ $= 0,1 \times 20 \times 10^{-3} - 5 \times 6,25 \times 10^{-5}$ $= 1,67 \times 10^{-3} \text{ mol}$ <span style="background-color: #FF00FF; padding: 2px;">(0,25)</span>	$n_{(MnO_4^-)}(t_{1/2}) = C_1V_1 - x(t_{1/2})$ $n_{(MnO_4^-)}(t_{1/2}) = 0 \text{ mmol}$ <span style="background-color: #FF00FF; padding: 2px;">(0,25)</span>	$n_{Mn^{2+}}(t_{1/2}) = 2x(t_{1/2})$ $= 2 \times 6,25 \times 10^{-5}$ $= 12,5 \times 10^{-5} \text{ mol}$ <span style="background-color: #FF00FF; padding: 2px;">(0,25)</span>	$n_{CO_2}(t_{1/2}) = 10(t_{1/2})$ $= 10 \times 6,25 \times 10^{-5} = 6,25 \times 10^{-4} \text{ mol}$ <span style="background-color: #FF00FF; padding: 2px;">(0,25)</span>
---	---	---	--

5- تبيان أن  $n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2V_2 - \frac{V_{CO_2}(t)}{2V_M}$

من جدول التقدم:  $\left\langle \begin{array}{l} n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2V_2 - 5x(t) \dots\dots\dots (1) \\ x(t) = \frac{V_{CO_2}(t)}{10V_M} \dots\dots\dots (2) \Leftrightarrow n_{CO_2}(t) = \frac{V_{CO_2}(t)}{V_M} = 10x(t) \end{array} \right\rangle$  وبتعويض (2) في (1) نجد: (0,5)

$$(0,5) \quad n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2V_2 - \frac{V_{CO_2}(t)}{2V_M} \Leftrightarrow n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2V_2 - 5 \times \frac{V_{CO_2}(t)}{10V_M}$$

6- حساب السرعة الحجمية لاختفاء حمض الأوكساليك عند اللحظة  $t_{1/2}$ :  $v(t_{1/2}) = -\frac{1}{V_T} \cdot \left( \frac{dn_{H_2C_2O_4}}{dt} \right)_{(t_{1/2})} \dots\dots\dots (1)$  (0,25)

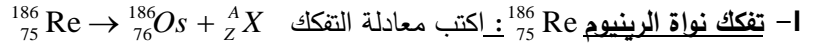
ولدينا:  $n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2V_2 - \frac{V_{CO_2}(t)}{2V_M}$  وبإدخال  $\frac{d}{dt}$  لطرفي العلاقة:  $n_{H_2C_2O_4}(t) = C_2V_2 - \frac{V_{CO_2}(t)}{2V_M}$  نجد:

$$(0,5) \quad \left( \frac{dn_{H_2C_2O_4}(t)}{dt} \right) = -\frac{1}{2V_M} \cdot \left( \frac{dn_{CO_2}(t)}{dt} \right) \dots\dots\dots (2) \Leftrightarrow \frac{dn_{H_2C_2O_4}}{dt} = \frac{dC_2V_2}{dt} - \frac{1}{2V_M} \times \frac{dn_{CO_2}}{dt}$$

بتعويض (2) في (1) نجد:  $v(t_{1/2}) = \frac{1}{2 \cdot V_T \cdot V_M} \cdot \left( \frac{dn_{CO_2}}{dt} \right)_{(t_{1/2})}$  (0,5)

$$(0,5) \quad v(t) = \frac{1}{2 \times 45 \times 10^{-3} \times 24} \times 5 \times 10^{-3} = 2,3 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1} \quad \text{ت.ع.}$$

**التمرين الثاني: (05 نقاط)**



$$(0,5) \quad \beta^- \text{ الإشعاع} \leftarrow (0,5) \quad ^{186}_{75}\text{Re} \rightarrow ^{186}_{76}\text{Os} + ^A_Z\text{X} \leftarrow \begin{cases} A = 186 - 186 = 0 \\ Z = 75 - 76 = -1 \end{cases}$$

II- **الحقن الموضعي بالرينيوم**  $^{186}_{75}\text{Re}$  :

1- **حساب بوحدة (jour) زمن نصف العمر**  $t_{1/2}$  للرينيوم  $^{186}_{75}\text{Re}$  :  $t_{1/2} = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{0,19} = 5,26 \text{ jour}$  (1)

2- **العدد المتوسط لدقائق  $\beta^-$  المنبعثة**:  $|\Delta N| = A \cdot \Delta t \leftarrow A = \frac{|\Delta N|}{\Delta t}$  (1)  $|\Delta N| = 4 \times 10^9 \times 15 \times 60 = 3,6 \times 10^{12} (\beta^-)$

3- **حساب  $N_1$  عدد أنوية الرينيوم**  $^{186}_{75}\text{Re}$  الموجودة في كل جرعة عند اللحظة  $t_1 = 4,8 \text{ jours}$

من قانون التناقص الإشعاعي  $N(t_1) = N_0 \cdot e^{-\lambda t_1}$  ولدينا:  $N(t_1) = N_0 \cdot e^{-\lambda t_1}$   $N_0 = \frac{4 \times 10^9}{2,2 \times 10^{-6}} = 1,81 \times 10^{15} \text{ noyaux}$  (0,5)

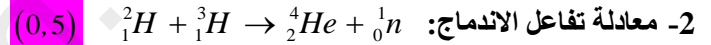
ونعوض في العلاقة:  $N(t_1) = 1,81 \times 10^{14} \cdot e^{-0,19 \times 4,8} = 7,310^{14} \text{ noyaux}$  (0,5)

4- **قيمة الحجم  $V$** :  $V = \frac{3,65 \times 10^{13}}{7,310^{14}} \times 10 = 0,48 \text{ mL}$   $V = \frac{N}{N_1} \times V_0 \leftarrow \left\langle \begin{matrix} V_0 \rightarrow N_1 \\ V \rightarrow N \end{matrix} \right\rangle$  (1)

**التمرين الثالث: (07 نقاط)**

1- **الاندماج النووي**: هو تحول نووي مفتعل يتم فيه توفير طاقة عالية لاندماج نواتين خفيفتين غير مستقرتين للحصول على نواة أثقل و أكثر

استقرارا مع تحرير طاقة عالية وجسيمات. (0,5)



3- **أ- أوجد قيمة  $E_2$** :  $E_2 = (2 \times 1,00728 + 3 \times 1,00866) \times 931,5 = 4695,27 \text{ MeV}$   $E_2 = (2m_p + 3m_n) \cdot C^2$  (1)

ب- **طاقة الربط  $E_l$  لنواتي الهيليوم  $^4_2\text{He}$  و الديتريوم  $^2_1\text{H}$**

من مخطط الطاقة:  $\Delta E_1 = E_2 - 4684,59 = E_l(^2_1\text{H}) + E_l(^3_1\text{H})$  (0,5)

$E_l(^2_1\text{H}) = E_2 - 4684,59 - E_{1/A}(^3_1\text{H}) \times 3 \leftarrow$

ت.ع.:  $E_l(^2_1\text{H}) = 4695,27 - 4684,59 - (2,82 \times 3) = 2,22 \text{ MeV}$  (0,5)

$\Delta E_2 = 4666,97 - 4695,27 = -28,3 \text{ MeV}$   $\Delta E_2 = 4666,97 - E_2 = -E_l(^4_2\text{He})$  (0,5)

$E_l(^4_2\text{He}) = 28,3 \text{ MeV}$  (0,5)

ج- **المقارنة بين الأنوية  $^4_2\text{He}$  و  $^3_1\text{H}$  و  $^2_1\text{H}$  من حيث الاستقرار**:  $E_{1/A}(^2_1\text{H}) = \frac{E_l(^2_1\text{H})}{A} = \frac{2,22}{2} = 1,11 \text{ MeV} / \text{nucl}$

$E_{1/A}(^3_1\text{H}) = 2,82 \text{ MeV} / \text{nucl}$  و  $E_{1/A}(^4_2\text{He}) = \frac{E_l(^4_2\text{He})}{A} = \frac{28,3}{4} = 7,07 \text{ MeV} / \text{nucl}$  (0,5)

نواة  $^4_2\text{He}$  أكثر استقرارا من نواتي  $^3_1\text{H}$  و  $^2_1\text{H}$  لأن:  $E_{1/A}(^4_2\text{He}) > E_{1/A}(^3_1\text{H}) > E_{1/A}(^2_1\text{H})$  (0,5)

د- **استنتاج الطاقة المحررة  $E_{lib}$** :  $E_{lib} = |\Delta E| = |4666,97 - 4684,59| = 17,62 \text{ MeV}$  (0,5)

4- **قيمة الكتلة  $m_0$** :  $E_{lib\text{TOT}} = \frac{m_0}{(M_{^3_1\text{H}} + M_{^3_1\text{H}})} \cdot N_A \cdot E_{lib} \leftarrow E_{lib\text{TOT}} = N \cdot E_{lib}$  (0,5)

(1)  $m_0 = \frac{3,38 \times 10^{11} (3 + 2)}{17,62 \cdot 1,6 \times 10^{-13} \cdot 6,02 \times 10^{23}} \approx 1 \text{ g}$   $m_0 = \frac{E_{lib\text{TOT}} \cdot (M_{^3_1\text{H}} + M_{^3_1\text{H}})}{N_A \cdot E_{lib}}$