

الموضوع الأول

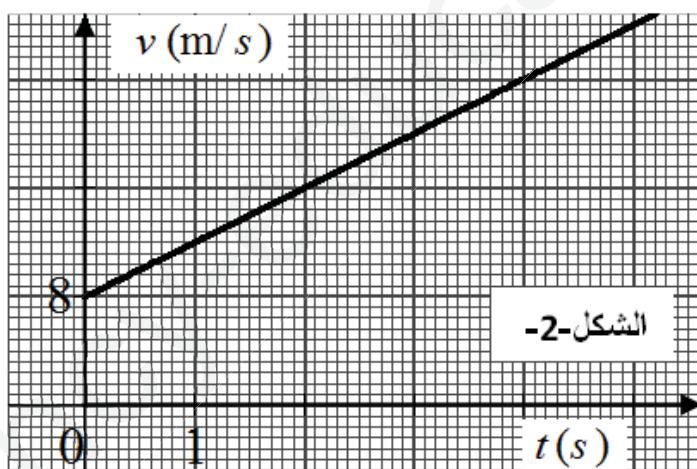
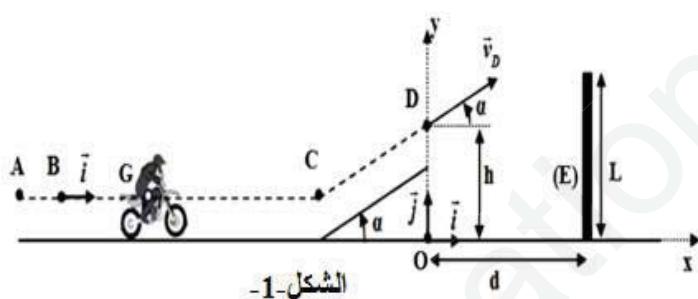
الجزء الأول:(14 نقطة)

التمرين الأول:(4 نقاط)

تعتبر رياضة القفز بواسطة الدراجات النارية من الرياضيات المشوقة والخطيرة في نفس الوقت لأنه يتم فيها القفز على حواجز طبيعية. في هذا التمرين ندرس حركة دراج ونعرف إذا ما كانت قفزته ناجحة أم لا. لاحظ الشكل الذي نمثل فيه مسار الدراج ودرجته ومركب عطالتها G وكتلتها $m = 190\text{kg}$ تكون حلبة السباق من مستوى أفقى AC ومستوى مائل CD نهلل الاحتكاك وتأثير الهواء.

1 - دراسة الحركة على المسار الأفقي:

ينطلق الدراج من النقطة A ثم يمر من النقطة B التي نعتبرها مبدأ للفواصل من أجل $t = 0\text{s}$ حيث الجملة تخضع لقوة \vec{F} موازية للمسار الحركة وثابتة الشدة. لدراسة هذه الحركة نختار معلم مبدؤه النقطة B الشكل-1.



1 - 1 ما هو المرجع المناسب لدراسة هذه الحركة
1 - 2 بتطبيق القانون الثاني لنيوتون وجد عبارة تسارع الحركة ثم استنتاج طبيعة الحركة

2 - بالتصوير المتعاقب تم تسجيل تغيرات سرعة الدراج بدالة الزمن الممثلة في الشكل-2:-

2 - 1 استنتج v_B وتسارع الحركة a ثم اكتب المعادلة الزمنية لسرعة الدراج

2 - 2 احسب شدة القوة \vec{F}

2 - دراسة حركة الدراج بعد مروره بالنقطة D :

2 - 1 ادرس طبيعة الحركة في المعلم (Ox, Oy)

2 - 2 اكتب المعادلات الزمنية لحركة الدراج $x(t), y(t)$.

2- إن الدراسة التجريبية التي تمت على حركة الدراج أعطت:

$$y(t) = -5t^2 + 11t + 5 \quad (m) \quad x(t) = 22,5t \quad (m)$$

استنتج من الدراسة النظرية والتجريبية ما يلي:

قيمة الارتفاع h و زاوية القذف α وسرعة مروره بالنقطة D علماً أن: $L = 10m$ و $d = 20m$

2- 4 تعتبر القفزة ناجحة إذا مر الدراج فوق الحاجز (E) بـ $0,6m$ هل نجح الدراج في اجتيازه؟

التمرين الثاني: (40 نقاط)

يتوجه العالم نحو إنتاج وقود يحد من الاحتباس الحراري والذي يعتمد أساساً على تفاعلات الاندماج النووي وفق



1. أ. عرف تفاعل الاندماج النووي.

ب. احسب بـ Mev طاقة الرابط لنواء الديتريوم ${}_{1}^2 H$.

ج. عرف طاقة الرابط لكل نوية ثم استنتجها بالنسبة لنواء الديتريوم ${}_{1}^2 H$.

2. المخطط المبين في الشكل-3- التالي يمثل الحصيلة الكتالية

لتفاعل الاندماج السابق:

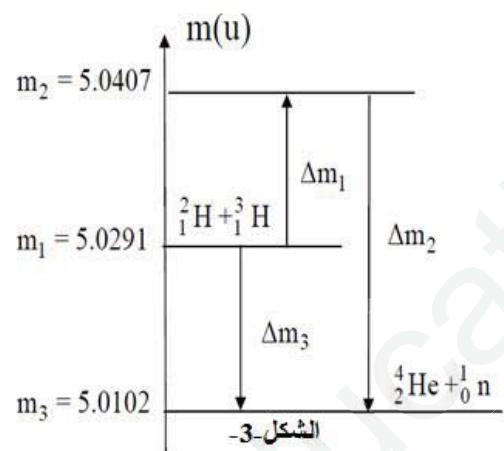
أ- ماذا تمثل كل Δm_1 و Δm_2 و Δm_3 ؟

ب- اعتماداً على المخطط اوجد:

- طاقة الرابط لنواء الهيليوم ${}_{2}^4 He$.

- طاقة الرابط لنواء التريتيوم ${}_{1}^3 H$.

- الطاقة المحررة من تفاعل الاندماج بـ Mev ثم J .



3. خلال مدة زمنية تتحرر من تفاعل الاندماج السابق طاقة قدرها $E_{libT} = 1,698 \times 10^{12} J$, اوجد كتلة كل من

الديتريوم ${}_{1}^2 H$ والتريتيوم ${}_{1}^3 H$ المتحولة خلال هذه المدة.

المعطيات: $m({}_{1}^2 H) = 2,0136 u$. $m({}_{1}^1 p) = 1,0073 u$. $m({}_{0}^1 n) = 1,00866 u$. $1u = 931,5 Mev / C^2$

التمرين الثالث: (06 نقاط)

لتحديد مميزات وشيعة صرفة ذاتيتها L و مكثفة غير مشحونة

سعتها C وقياس مقاومة ناقل أولمي R_i

نقوم بتحقيق تركيب مماثل في الشكل-4- الآتي :

1. نضع البادلة في الوضع (1)



1.1. أعد رسم الدارة ومثل بأسمهم التوترات بين طرفي كل عنصر كهربائي فيها. ثم اوجد المعادلة التفاضلية التي يتحققها توتر المكثفة $U_c(t)$.

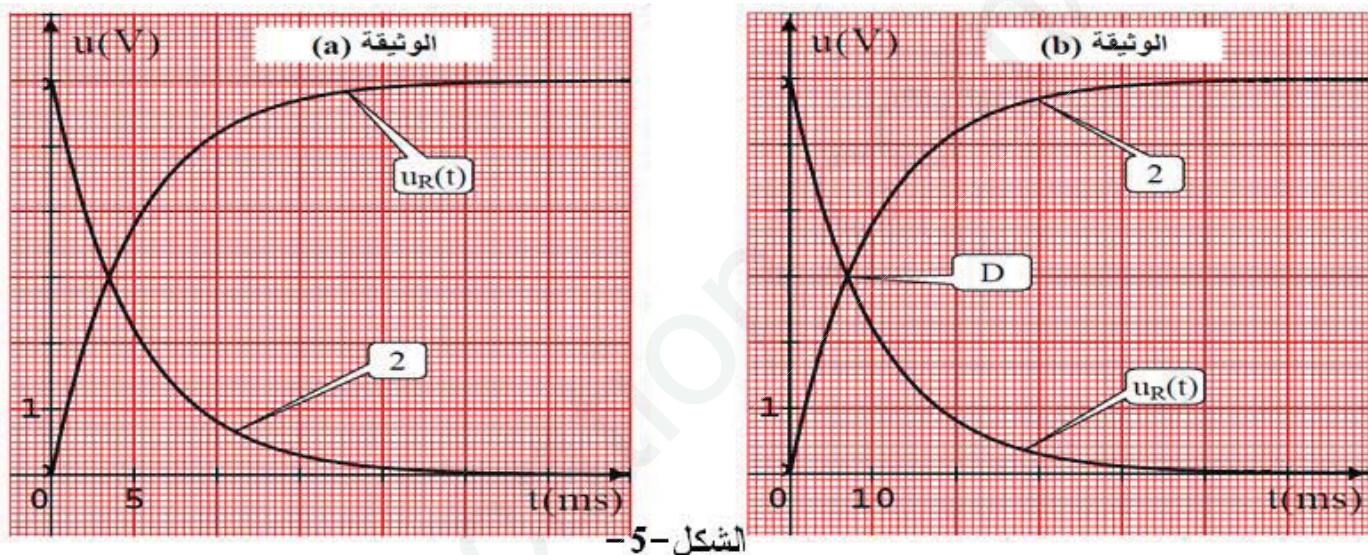
1.2. إذا علمت أن المعادلة السابقة حلها من الشكل: $u_c(t) = A(1 - e^{-\beta t})$ اوجد عبارتي كل من A و β بدلالة مميزات الدارة (E, C, R)

2. نضع البادلة في الوضع (2)

1.2. حدد جهة التيار المار في الدارة ثم بين أن المعادلة التفاضلية تكتب من الشكل $0 = \frac{du_b}{dt} + \frac{1}{\tau_2} u_b$

2.2. بين أن هذه المعادلة تقبل حلا من الشكل: $u_b(t) = Ee^{-\frac{1}{\tau_2}t}$

3. باستعمال جهاز راسم الاهتزاز المهبطي ذو ذاكرة والمزود بمدخلين Y_1 و Y_2 تحصلنا على الوثائقين (a) و (b) لاحظ الشكل-5-:



الشكل-5-

1.3. أنساب كل وثيقة لوضع البادلة المناسب وحدد البيان رقم (2) مع التعليل.

2.3. اعتمادا على الوثائقين (a) و (b) حدد: τ_1 (الخاص بالدارة RC), τ_2 (والقوة المحركة E).

إذا علمت أن: $R = 50\Omega$ استنتاج قيمة كل من:

- سعة المكثفة C ذاتية الوشيعة L .
- شدة الأعظمية للتيار المار في للدارة RL .

3.3. تمثل النقطة D نقطة تقاطع المنحنيين في الوثيقة (b) اوجد t_D بدلالة ثابت الزمن المميز للدارة المناسبة.

4. ترك البادلة في الوضع 2 لمدة كافية للوصول للنظام الدائم ثم نضعها في الوضع 0.

1.4. حدد جهة التيار المار في الدارة و ما هي الظاهرة الفيزيائية التي تحدث؟

2.4. إن الدراسة التجريبية تمت بين التغير اللحظي لشدة التيار i وشدة التيار I أعطت العبارة الآتية:

بالاستعانة بالمعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار استنتاج قيمة R .

الجزء الثاني: (6 نقاط)**التمرين التجاري: (6 نقاط)**

أجرى فوج من التلاميذ في حصة أعمال تطبيقية التفاعل بين

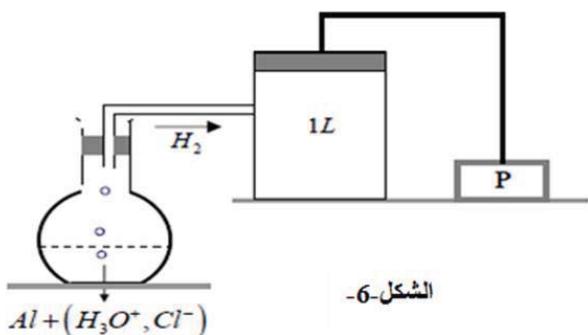
الألمنيوم (Al) و محلول حمض كلور الهيدروجين

(H_3O^+, Cl^-) تركيزه المولى $C_0 = 0,6 mol / L$ و حجمه

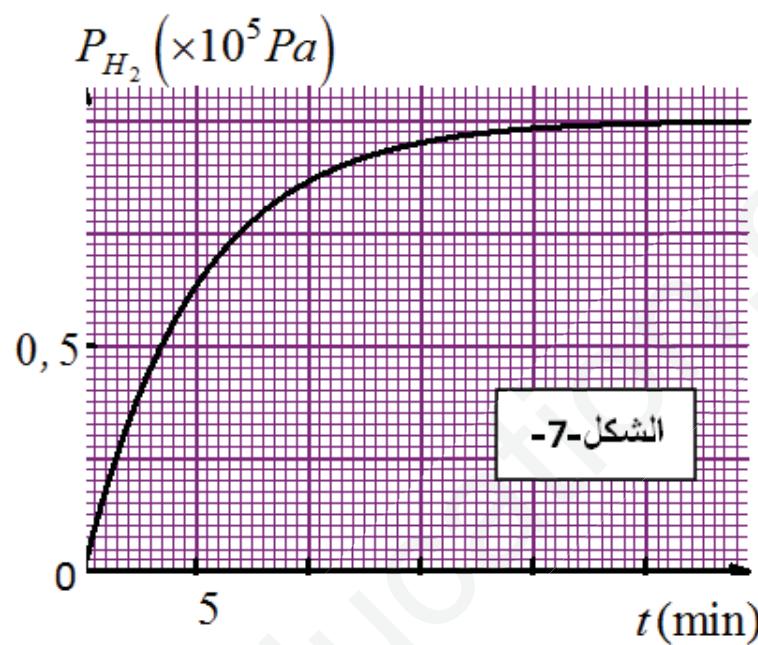
$V_0 = 200 mL$ ، قاموا بوزن كمية من مسحوق الألمنيوم

غير النقي (يحتوي على شوائب لا تتفاعل) كتلتها $m = 1 g$ ،

وتمنت متابعة تطور التفاعل عن طريق قياس ضغط جم



غاز الهيدروجين المنطلق في إناء مسدود حجمه $V = 1L$ ، وذلك باستعمال مقياس الضغط، الشكل-6-.



تم تمثيل البيان (الشكل-7-) ،

نعتبر غاز الهيدروجين مثاليًا ، درجة حرارة

الإناء ثابتة وقيمتها $T = 310^\circ K$.

المعطيات : ثابت الغازات المثالية

$.M(Al) = 27 g / mol$ ، $R = 8,31 SI$

في نهاية التفاعل أخذ التلاميذ حجمًا

$V_0 = 20 mL$ من المزيج الناتج ووضعوه في

بيشر وأضافوا له $80 mL$ من الماء المقطر ،

فحصلوا بذلك على محلول (S') وذلك من

أجل معايرة الحمض الموجود في المزيج

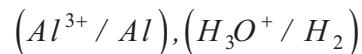
بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم

(Na^+, HO^-) تركيزه المولى $C_B = 0,2 mol / L$. وبواسطة النتائج المحصل عليها مثّلوا البيان pH بدالة حجم

هيدروكسيد الصوديوم المضاف (V_B) . الشكل-8-.

التجربة الأولى:

1- اكتب معادلة تفاعل الألمنيوم مع محلول حمض كلور الهيدروجين . الثنائيتان (Ox / Red) هما:



2- أنشئ جدولاً لنقدم ثم احسب التقدم الأعظمي x_{max} وعين المتفاعلات المحددة.

3- عرف سرعة التفاعل ثم اكتب عبارتها بدالة كل من : V و T و R و (t) .

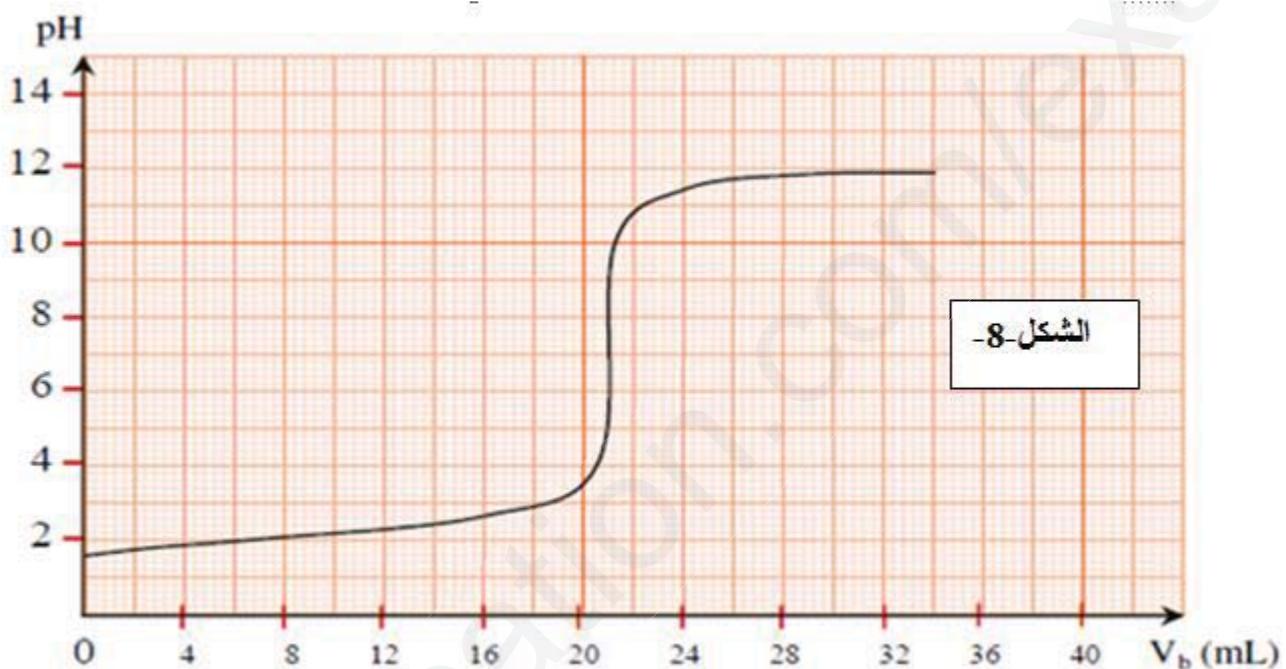
4- احسب سرعة التفاعل في اللحظة $t_0 = 5 min$ ثم في اللحظة $t_1 = 25 min$. فسر اختلاف السرعتين على

المستوى المجهري.

5- احسب نسبة مقاومة عينة الألمنيوم.

التجربة الثانية:

1. ارسم البروتوكولا لتجريبي لعملية المعايرة، مع توضيح الوسائل المستعملة.
2. عين نقطة التكافؤ، وحدّ طبيعة المزيج عند هذه النقطة.
3. احسب التركيز المولى لشوارد الهيدرونيوم (H_3O^+) في محلول (S').
4. استنتج كمية مادة (H_3O^+) في المزيج المتفاعل في التجربة الأولى في نهاية التفاعل.
5. احسب نسبة مقاومة عينة الألمنيوم، وقارنها مع القيمة المحسوبة في التجربة الأولى.



انتهى الموضوع الأول

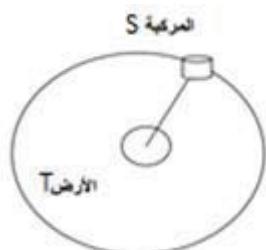
الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (04) صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

1. قرر مركز للأبحاث الفضائية إرسال مركبة (S) من أجل دراسة خصائص الغلاف الجوي للأرض، بعد مدة من الانطلاق تدخل المركبة الفضائية في مدارها الذي يعتبره دائري حول الأرض على ارتفاع $h = 300\text{Km}$ و تكون كتلتها $m_S = 69,68 \times 10^3 \text{Kg}$. لدراسة حركة المركبة نختار معلماً مرتبطاً بمرجع عطالي مناسب.



1.1. ما هو المرجع المناسب للدراسة؟ ولماذا تعتبره عطالي؟

2.1. مثل كيفيا شعاع الجذب العام التي تطبقها الأرض على المركبة ثم اكتب عبارة شدتها.

3.1. باعتبار المركبة خاضعة إلا للقوة السابقة الذكر بين أن حركتها حول الأرض دائيرية منتظمة.

4.1. علماً أن سرعة المركبة هي $v_S = 7,74 \text{ Km/s}$ احسب كتلة الأرض M_T .

2. خلال مرحلة النزول تكون حركة المركبة شاقولية في مجال الجاذبية الأرضية الثابت وعلى ارتفاع Z تفتح المظلة المرتبطة بالمركبة فتخضع إلى محصلة قوى احتكاك شدتها تندمج بالعبارة: $f = Kv^2$ حيث K ثابت الاحتكاك و v سرعة المركبة واتجاهها معاكس لشعاع السرعة v . بإهمال دافعة أر خميس وبوضع محور الحركة (OZ) موجه نحو الأعلى مبدؤه O عند سطح الأرض.

1.2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتون اكتب المعادلة التفاضلية لسرعة v .

2.2. اوجد عبارة السرعة الحدية v_{lim} .

3.2. تصل سرعة المركبة إلى قيمة $v_{lim} = 10 \text{ m/s}$. احسب قيمة الثابت K باعتبار كتلة المركبة ثابتة.

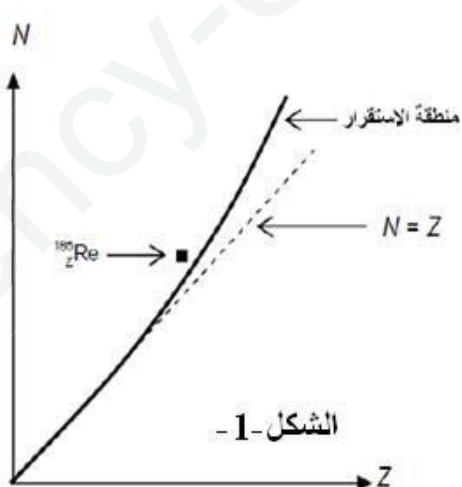
يعطى: $R_T = 6400 \text{ Km}$, ثابت الجذب العام: $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ S.I}$, نصف قطر الأرض: $r = 9,81 \text{ m/s}^2$,

التمرين الثاني: (04 نقاط)

الطب النووي هو الفرع الطبي الذي تستخدم فيه الإشعاعات النووية للنظائر المشعة لتشخيص وعلاج الأمراض، يستخدم على سبيل المثال الرينيوم 186 لمعالجة وتحفيض الأمراض المرتبطة بالتهاب المفاصل.

إن نواة الرينيوم $^{186}_{Z}\text{Re}$ نواة إشعاعية النشاط β^- ، حيث أن النقطة الممثلة لهذه النواة في المخطط ($Z.N$) الشكل-1- توجد فوق واد الاستقرار كما توضحه الوثيقة جانبه.

1. هل لهذه النواة فائض في البروتونات أو النوترอนات مقارنة مع نظير لها من نفس العنصر الكيميائي توجد بواد الاستقرار؟



2. تفكك نواة الرينيوم $^{186}_{76}Re$ لتعطى إحدى نظائر الأوسوميوم $^{186}_A Os$.

اكتب معادلة التحول النووي لنواة $^{186}_Z Re$ محدداً A و Z .

3. يعلب محلول المحتوى على الرينيوم المهيأ للحقن كدواء في قارورة سعتها $V_f = 10mL$ ، إن نشاط العينة التي تحتويها هذه القارورة لحظة تحضير محلول هو $A_O = 3700MBq$.

1.3. لماذا تم تحديد تاريخ تحضير هذا الدواء ولم يتم الاكتفاء بالإشارة فقط إلى نشاطه A_0 .

2.3. حدد الكتلة m_0 للرينيوم 186 الموجودة بالقارورة ذات الحجم $V_f = 10mL$ لحظة تحضيرها.

3.3. حدد النشاط A_i لهذه العينة بعد مرور 3,7 days من تحضيرها في المختبر.

4.3. نشاط العينة من الدواء التي ينبغي حفتها في مفصل الساعد هي $A_{th} = 70MBq$ حدد الحجم V من الدواء الذي ينبغي حفته في الساعد بافتراض أن عملية الحقن تمت بعد مرور 3,7 days من تحضير هذا الدواء.

المعطيات: $N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1}$ ، $t_{1/2} = 1MBq = 10^6 Bq$ ، عدد أفوغادرو $(^{186}_{76}Re) = 3,7 days$

التمرين الثالث: (06 نقاط)

الجزئين I و II مستقلين عن بعضهما البعض.

I) محلول مائي لحمض البروبانويك C_2H_5COOH تركيزه المولي C وحجمه V . أعطى قياس pH محلول القيمة

$$pH = 2,9$$

1. أكتب المعادلة الممنذجة لتفاعل حمض البروبانويك مع الماء.

2. اكتب عبارة pH محلول بدالة الـ pK_a للثانية $(C_2H_5COO^-_{(aq)})$ وتركيز النوعين الكيميائيين C_2H_5COOH و $C_2H_5COO^-$ في محلول.

3. بين أن نسبة التقدم النهائي لتفاعل يكتب على الشكل $\frac{1}{1+10^{pK_a-pH}} = \tau_f$. احسب قيمتها إذا علمت أن:

$$pK_a(C_2H_5COOH_{(aq)})/C_2H_5COO^-_{(aq)} = 4,9$$

4. نأخذ V_A حجماً من محلول مائي لحمض البروبانويك تركيزه المولي C_A ، ونضيف إليه تدريجياً محلولاً مائياً

(S_B) لهيدروكسيد الصوديوم $(NaOH_{(aq)})$ تركيزه

المولي C_B وننتبه تغير pH المزيج التفاعلي بدالة

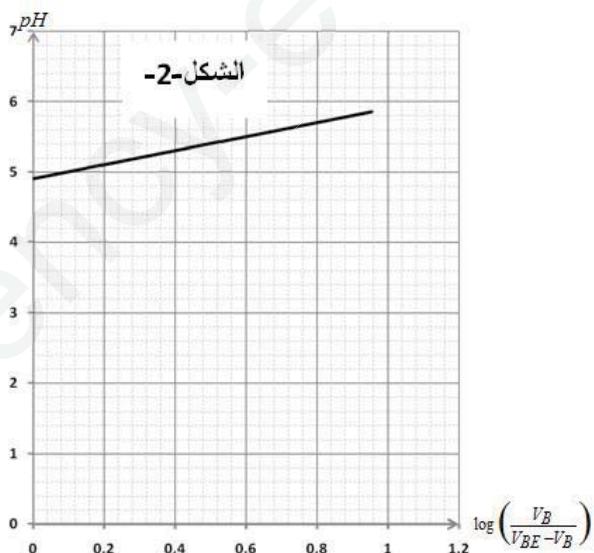
الحجم V_B للمحلول المضاف. اعتماداً على القياسات

المحصل عليها، تم رسم منحنى

الشكل-2 - والذي يمثل تغيرات pH المزيج التفاعلي

$$\frac{V_{BE}}{2} \leq V_B < V_{BE} \quad \text{مع} \quad \log\left(\frac{V_B}{V_{BE} - V_B}\right) \quad \text{بدالة}$$

V_{BE} هو حجم هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ.



4. أكتب المعادلة الممنذجة لتفاعل المعايرة .

2.4. أوجد عند إضافة حجم V_B من المحلول (S_B)

$$\text{عبارة النسبة} = \frac{[C_2H_5COO_{(aq)}^-]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]}$$

3.4. تحقق من قيمة $\cdot p k_a (C_2H_5COOH_{(aq)}) / C_2H_5COO_{(aq)}^-$

II) يرتكز اشتغال عمود كهربائي على مبدأ تحويل جزء من الطاقة الناتجة عن تحولات كيميائية إلى طاقة كهربائية تستهلك عند الحاجة. ندرس في هذا الجزء دراسة مبسطة للعمود كاديوم - فضة.

المعطيات: ثابت فارادي: $M(Cd) = 112,4 \text{ g.mol}^{-1}$ ، $1F = 96500 \text{ C.mol}^{-1}$

ثابت التوازن للتفاعل: $2Ag_{(aq)}^+ + Cd_{(s)} \xrightleftharpoons[(2)]{(1)} 2Ag_{(s)} + Cd_{(aq)}^{2+}$ عند الدرجة $25^\circ C$ هو 5×10^{40} .

يوجد بوفرة الجزء المغمور من المعدن القابل للاستهلاك.

نجز هذا العمود بغمر صفيحة من الفضة في كأس تحتوي على الحجم $V = 250 \text{ mL}$ من محلول مائي لنترات الفضة $(Ag_{(aq)}^+ + NO_3^-)$ تركيزه المولي الابتدائي $C_1 = [Ag_{(aq)}^+] = 0,400 \text{ mol.L}^{-1}$ ، وصفيحة من الكاديوم في كأس آخر تحتوي على الحجم $V = 250 \text{ mL}$ من محلول مائي لنترات الكاديوم $(Cd_{(aq)}^{2+} + 2NO_3^-)$ تركيزه المولي الابتدائي $C_2 = [Cd_{(aq)}^{2+}] = 0,200 \text{ mol.L}^{-1}$. نوصل المحلولين بجسر ملحي. نركب على التوالي بين صفيحتي العمود ناقلاً أو ميا وأمير متر وقاطع للتيار.

1. اكتب الرمز الاصطلاحي للعمود. وفي أي اتجاه تتطور الجملة الكيميائية المكونة للعمود؟

2. نغلق الدارة عند لحظة نختارها مبدأ للأزمنة ($t = 0$)، فيمر فيها تيار كهربائي شدته ثابتة $I = 215 \text{ mA}$

1.2 . عبر عن كسر التفاعل Q_r عند لحظة t بدلالة التقدم x للتفاعل.

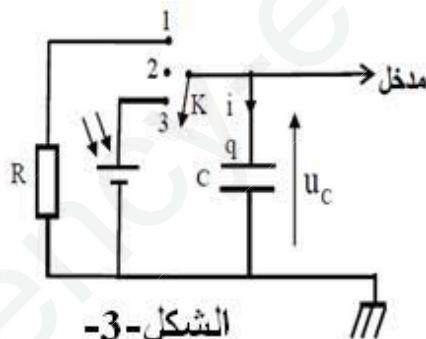
2.2 . أحسب Q_r عند اللحظة $t = 10 \text{ h}$.

3.2 . أحسب $|Δm|$ ، تغير كتلة صفيحة الكاديوم بين اللحظتين $t = 0$ واللحظة التي يستهلك فيها العمود كليا.

الجزء الثاني: (06 نقاط)

التمرين التجاري: (06 نقاط)

(I) من أجل المقارنة بين تطور التوتر بين طرفي مكثفة أثناء شحنها بواسطة لوحة شمسية ثم باستخدام مولد توتر مثالي (ذو توتر ثابت)، أنجز أمين وفاطمة التجربتين التاليتين:



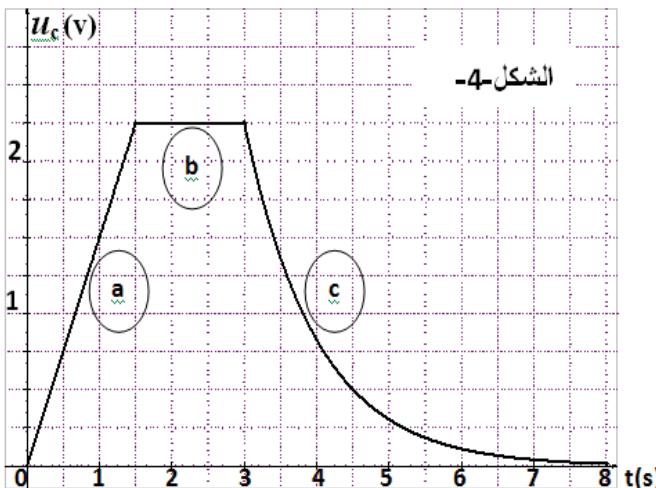
1. شحن مكثفة بواسطة لوحة شمسية: تتصرف اللوحة الشمسية تحت ضوء الشمس كمولد يعطي تيار كهربائي شدته ثابتة $I_0 = i$ مادام التوتر بين طرفيها أصغر من قيمة أعظمية $u_{max} = 2,25 \text{ V}$.

أنجزت فاطمة التركيب الممثل في الشكل-3- والمكون من:

- لوحة شمسية ، مكثفة سعتها: $C = 0,10 \text{ F}$ ، ناقل أومي مقاومته: $R = 10 \Omega$ و بادلة K .

عاينت فاطمة تطور التوتر بين طرفي المكثفة u_c بتغيير وضع البادلة ثلاثة وضعيات

متتالية. فحصلت على البيان الممثل في الشكل-4-



1.1. انساب كل جزء من البيان بوضع البادلة الموافق له.

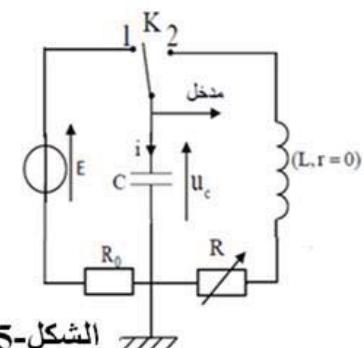
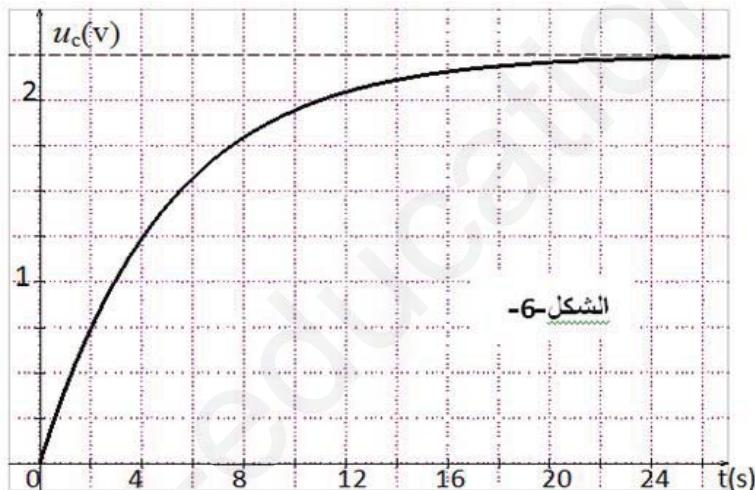
1.2. بالاستعانة بالبيان حدد قيمة شدة التيار I_0 أثناء الشحن.

3.1 يعبر عن التوتر u_c خلال تفريغ المكثفة بالعبارة :

$$u_c(t) = U_{\max} e^{-\frac{(t-3)}{\tau}}$$

استنتاج عبارة شدة التيار (t) وارسم بشكل كيفي البيان (t) .

2. شحن مكثفة بواسطة مولد للتوتر: أنجز أمين التركيب الممثل في الشكل-5. حيث وضع البادلة في الوضع (1) واستخدم مولد يعطي توتر ثابت $E = 2,25V$ لشحن المكثفة السابقة مع وجود ناقل أومي مقاومته $R_0 = 50\Omega$ وباستعمال راسم الاهتزاز المهبطي ذو تمك من المتابعة الزمنية لتطور التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة u_c الموضح في الشكل-6-



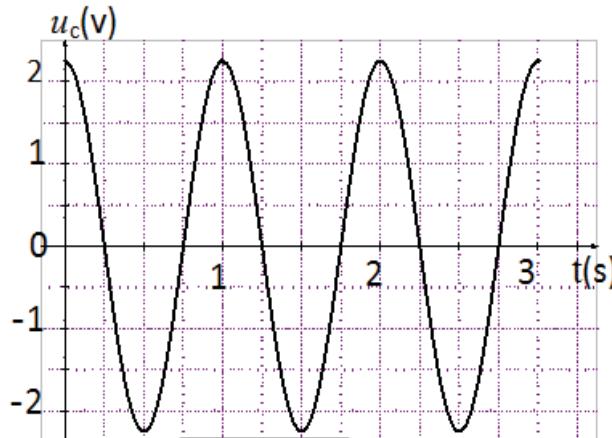
1.1. باستخدام قانون جمع التوترات اكتب المعادلة التفاضلية التي يحققها توتر المكثفة U_c أثناء الشحن.

2.2 حل المعادلة التفاضلية السابقة يعطى بالشكل $U_c(t) = Ae^{\frac{-t}{\tau}} + B$ حيث τ ثابت الزمن للدارة و A و B ثابتين يطلب تعين قيمتها.

3.2. استنتاج عبارة شدة التيار (t) أثناء الشحن ثم مثل كيفيا البيان $i(t)$.

4. ما هي قيمة R_0 التي يجب أن يستخدمها أمين ليشحن مكفتة بشكل كلي تجريبيا خلال نفس المدة التي استغرقتها فاطمة في شحنها الكلي. ثم استنتج أفضل طريقة لشحن مكفتة في الدارة (RC) .

(II) بعد نهاية الشحن الكلي للمكفتة ضبط أمين قيمة المقاومة على القيمة $0\Omega = R$ ووضع البادلة في الوضع (2) فحصل على المنحنى الممثل في الشكل-7.-



الشكل-7-

1. ما هو نمط الاهتزاز المتحصل عليه في الشكل-7-؟

2. جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر U_c بين طرفي المكفتة.

3. علما أن حل المعادلة التفاضلية السابقة يعطى بالشكل :

$$U_c(t) = U_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$$

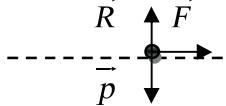
الاهتزازات.

1.3 جد عبارة الدور T_0 بدلالة مميزات الدارة L, C .

2.3 استنتاج قيمة ذاتية الوشيعة L .

4. مثل برسم بياني كيفي تغيرات التوتر U_c بين طرفي المكفتة باعتبار $R \neq 0\Omega$

انتهى الموضوع الثاني

العلامة		عناصر الإجابة الموضوع الأول
مجموع	مجازأة	
04	/	التمرين الأول: (04 نقاط)
0.75	0.25	1 - المرجع المناسب هو المرجع السطحي الأرضي
	0.25	
	0.25	$\sum \vec{F} = m\vec{a}$: 2 لنيوتون
	0.25	و بالأسقاط على المحور الموجه نجد : $a = \frac{F}{m}$ طبيعة الحركة ح م متتسارعة بإنتظام
1	0.25	2 - المعادلة الزمنية لسرعة الدراج : $V(t) = at + V_B$:
	0.25	العبارة البيانية لمنحنى السرعة: $a = 4 \frac{m}{s^2}$ و $V_B = 8 \frac{m}{s}$ $V(t) = 4t + 8$ بالمطابقة نجد :
	0.25	
	0.25	2 - حساب : $F = m \times a = 190 \times 4 = 760N$
0.5	0.25	2 - دراسة طبيعة الحركة: بتطبيق ق 2 لنيوتون : $\overrightarrow{p} = ma$ بالأسقاط الاعودي على (ox)
	0.25	الحركة مستقيمة منتظمة $a_x = 0$
		- بالأسقاط على المحور (oy) نجد $a_y = -g$ طبيعة ح مستقيمة متغيرة بإنتظام
0.5	0.25	2 - المعادلة الزمنية لفاصلة الدراج : $x(t) = V_D \times \cos \alpha t$ و المعادلة الزمنية لترتيبية الدراج
	0.25	$y(t) = -\frac{1}{2}g \times t^2 + V_D \sin \alpha \times t + h$
0.75	0.5	3 - استنتاج : $\frac{V_D \times \sin \alpha = 11}{V_D \times \cos \alpha = 22,5}$ ، $h = 5m$
	0.25	بالتعويض نجد : $V_D = 25 \frac{m}{s}$
0.5	0.25	2 - لمعرفة نجاح الدراج من عدمه نحسب إرتفاع الدراج من أجل الفاصلة $x = d$
	0.25	حساب الزمن : $t = \frac{d}{V_D \times \cos \alpha} = 0,9s$ نعرض في الترتيبة نجد : $Y = 10,85m$
		و منه الدراج نجح في هذه القفزة

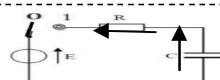
04	/	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>-1</p> <p>أ- تعريف تفاعل الاندماج: تفاعل يتم فيه التحام نوatin خفيفتين.....</p> <p>ب- حساب طاقة الربط لنواة الديتريوم</p> $E_l = \left[Zm_p + Nm_n - m_{(1^2 H)} \right] \times C^2 : E_l (1^2 H)$ $E_l = [1,0073 + 1,0087 - 20136] \times 931.5 = 2,23 Mev$ <p>ت-تعريف $\frac{E_l (1^2 H)}{A}$: هي الطاقة الواجب تقديمها من أجل اقتلاع نيكليونة واحدة من النواة</p> $\frac{E_l (1^2 H)}{A} = \frac{2,23}{2} = 1.11 Mev / nucléons$
2	0.25	<p>أ- Δm_1 تمثل النقص الكتلي للمتفاعلات $(\Delta m_{1^2 H} + \Delta m_{1^3 H})$</p> <p>ب- Δm_2 تمثل النقص الكتلي لنواة الهيليوم $(\Delta m_{2^4 He})$</p> <p>تمثل النقص الكتلي لتفاعل Δm_3</p>
0.25	0.25	<p>حساب $E_l (2^4 He) = (\Delta m_2 \times c^2) = (5,0407 - 5,0102) 931,5 = 28,41 Mev : E_l (2^4 He)$</p> <p>حساب $E_l(\text{interactiv}) = (\Delta m_1 \times c^2) = (5,0407 - 5,0291) 931,5 = 10,80 Mev : E_l (1^3 H)$</p>
0.25	0.25	<p>$E_l (1^3 H) = E_l(\text{interactiv}) - E_l (1^2 H)$ ومنه $E_l(\text{interactiv}) = E_l (1^3 H) + E_l (1^2 H)$ ولدينا</p> <p>بالتعويض نجد: $E_l (1^3 H) = 10,80 - 2,23 = 8,57 Mev$</p> <p>حساب الطاقة المحررة Mev ثم بـ J</p>
0.25	0.25	<p>$E_{libre} = E_l (2^4 He) - (E_l (1^3 H) + E_l (1^2 H)) = 28,41 - (8,57 + 2,23) = 17,60 Mev$</p> <p>$E_{libre} = 17,60 \times 1,6 \times 10^{-13} = 2,81 \times 10^{-12} J$</p>
0.5	0.25	<p>3- حساب الكتلة المتحولة: $N = 6 \times 10^{23} \text{ noueux}$ ومنه</p> $\begin{cases} (\text{interactiv}) 1 (\text{nouveaux}) \rightarrow 28,16 \times 10^{-13} J \\ (\text{interactiv}) N (\text{nouveaux}) \rightarrow 1,698 \times 10^{12} J \end{cases}$ <p>* استنتاج كتلة المتفاعلات: $m = \frac{N}{N_A} \times M_{(\text{interactiv})} = \frac{6 \times 10^{23}}{6,02 \times 10^{23}} \times 5 \approx 5 g$</p>
0.5	0.25	<p>$\begin{cases} m (1^2 H) = \frac{2}{5} \times 5 = 2 g : \\ m (1^3 H) = \frac{3}{5} \times 5 = 3 g \end{cases}$ أي</p>

التمرين الثالث : 6 نقاط

6

/

0.25



1 . 1 تمثل بأسهم التوترات:

0.75

0.25

المعادلة التفاضلية : قانون ج التوترات

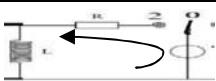
0.25

$$R \times C \frac{dU_c}{dt} + U_c = E$$

0.5

0.5

1- 2 ايجاد عبارتي الثابت : بالتعويض بالحل نجد :



2 - 1 تحديد جهة التيار المار في الدارة

- المعادلة التفاضلية التي يتحققها U_b : قانون جمع التوترات

$$\frac{dU_b}{dt} + \frac{R}{L}U_b = 0$$

2 - 2 ايجاد الثابت B : من العبارة النظرية نجد

$$U_b(0) = E \text{ وقانون ج ت : } B = E$$

0.5

0.5

ومنه نستنتج ان :

3 - 1 : الوثيقة (b) تمثل وضع البادلة في 1 والمنحنى 2 يمثل تغيرات U_c

0.5

0.25

التحليل : المنحنى يشمل المبدأ ومن عبارته اللحظية $U_c(0) = 0$

3 - 2 اعتماد على الوثائقتين : تمثل وضع البادلة في 2 والمنحنى 2 يمثل تغيرات U_b

التحليل : المنحنى لا يشمل المبدأ ومن عبارته اللحظية $U_b(0) = E$

1.5

0.25

3 - 3 اعتماد على الوثائقتين : بحساب : $\tau_1 = 10ms$ $U_c(\tau_1) = 0,63 \times 6$ نجد

$$\tau_2 = 5ms \quad U_b(\tau_2) = 0,37 \times 6 \quad \text{وكذلك بحساب :}$$

- القوة المحركة الكهربائية : من الوثيقة (b) نجد أن $E = 6V$

- شدة التيار الاعظمية : من قانون جمع ت في النظام الدائم :

$$I_o = \frac{E}{R} = 0,12A \quad - \text{سعة المكثفة : } C = \frac{\tau_1}{R} = 0,2 \times 10^{-2} F$$

0.25

0.25

0.25

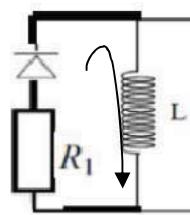
0.25

- ذاتية الوشيعة : $L = \tau_2 \times R = 0,25H$

3-3 عبارة t_D : من قانون ج ت نضع : $U_C = U_R$ ومنه

$$t_D = \tau_1 \ln 2 \quad 2 \times E \left(1 - e^{-\frac{t_D}{\tau_1}} \right) = E$$

4-1 تحديد جهة التيار :



الظاهرة التي تحدث هي التحرير الذاتي الكهرومغناطيسي

4-2 المعادلة التفاضلية لشدة التيار : قانون ج م ت

$$R_1 = 100\Omega \quad R_{\perp} = 400 \quad \text{بالمطابقة} \quad \frac{di}{dt} = -\frac{R_{\perp}i}{L} \quad \frac{di}{dt} + \frac{R_{\perp}}{L}i = 0$$

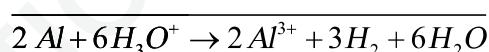
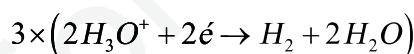
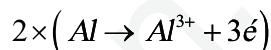
06

التمرين التجاري (06 نقاط)

التجربة الأولى

0.5

0.5



1- معادلة التفاعل:

2- جدول التقدم:

معادلة التفاعل	$2Al + 6H_3O^+ \rightarrow 2Al^{3+} + 3H_2 + 6H_2O$				
الحالة الابتدائية	$n_{l(Al)}$	$n_0 = CV$	0	0	/
الحالة الوسطية	$n_l - 2x(t)$	$n_0 - 6x(t)$	$2x(t)$	$3x(t)$	/
الحالة النهاية	$n_l - 2x_f$	$n_0 - 6x_f$	$2x_f$	$3x_f$	/

التقدم الاعظمي : لدينا $x_{max} = \frac{n(H_2)_f}{3}$ ومن جهة أخرى حسب ق غ م

$$PV = n(H_2)_f RT \Rightarrow n(H_2)_f = \frac{PV}{RT} = \frac{1 \times 10^5 \times 1 \times 10^{-3}}{8,31 \times 310} = 3,88 \times 10^{-2} mol$$

$$x_f = \frac{n(H_2)_f}{3} = \frac{3,88 \times 10^{-2}}{3} = 1,29 \times 10^{-2} mol$$

ومنه باليتعويض في جدول التقدم (الحالة النهاية للمتفاعلات) نجد

0.25 $n(H_3O^+) = n_0 - 6x_f = 0,2 \times 0,6 - 6(1,29 \times 10^{-2}) = 4,26 \times 10^{-2} \neq 0$
زيادة أي أن Al هو المتفاعل الحد.

0,25
0.5 1- تعريف سرعة التفاعل: مقدار يعبر عن تغير كمية المادة بدلالة الزمن
العبارة:

$$v = \frac{dx(t)}{dt} = \frac{1}{3} \frac{dn(H_2)}{dt} = \frac{1}{3} \frac{d\frac{P(t)V}{RT}}{dt} = \frac{1}{3} \frac{V}{RT} \frac{dP_{H_2}(t)}{dt}$$

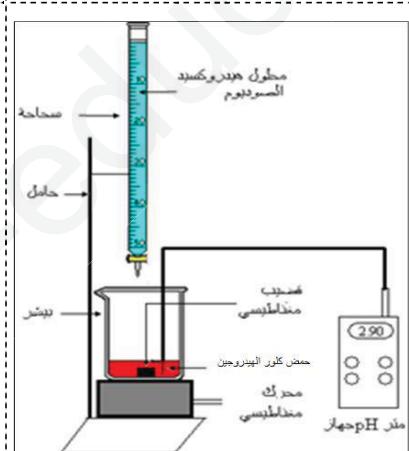
- حساب السرعة:

0,25 $t = 5 \text{ min} \rightarrow v = \frac{1}{3} \frac{V}{RT} \frac{dP_{H_2}(t)}{dt} = \frac{1}{3} \times \frac{1 \times 10^{-3}}{8,31 \times 310} \times \frac{(1-0,625) \times 10^5}{(10-5)} = 2,33 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$

0,25 $t = 25 \text{ min} \rightarrow v = \frac{1}{3} \frac{V}{RT} \frac{dP_{H_2}(t)}{dt} = \frac{1}{3} \times \frac{1 \times 10^{-3}}{8,31 \times 310} \times \frac{(1-1) \times 10^5}{(10-5)} = 0 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$

1.25 التفسير: مرور الزمن تتناقص تراكيز المتفاعلات مما يؤدي لتناقص تواتر التصادمات (تناقص التصادمات الفعالة) وبالتالي تناقص السرعة.

0.75 0,25 3- حساب نسبة النقاوة : $P\%$
لدينا من جدول التقدم كمية مادة $n_{(Al)}$ المتفاعلة هي:
 $n_l - 2x_f = 0 \Rightarrow n_l = 2x_f = 2(1,29 \times 10^{-2}) = 2,58 \times 10^{-2} \text{ mol}$
 $m = n_{Al} \times M = 2,58 \times 10^{-2} \times 27 \approx 0,7 \text{ g}$
أي: $P\% = \frac{m}{m'} \times 100 = \frac{0,7}{1} \times 100 = 70\%$



II- التجربة الثانية

1- رسم البروتوكول التجريبي

0,5

0.25 0.25 2- نقطة التكافؤ: $E(pH = 7, V_{be} = 21 \text{ mL})$ المزيج معتمل

0.25	0.25	3- حساب تركيز شوارد H_3O^+ في محلول 'S من قطة التكافؤ
		$C_a \times V_a = C_b \times V_{be} \Rightarrow C_a = \frac{C_b \times V_{be}}{V_a} = \frac{0,2 \times 21}{100} = 4,2 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$
0.25	0.25	4- استنتاج كمية مادة H_3O^+ في المزيج في تجربة الأولى:
		$n_a = C_a \times V \times \frac{200}{20} \Rightarrow n_a = 4,2 \times 10^{-2} \times 0,1 \times \frac{200}{20} = 4,2 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$
0.5	0.25	5- حساب نسبة النقاوة $P\%$:
		يالتعويض في جدول التقدم (الحالة النهائية H_3O^+) نجد:
		$n(H_3O^+)_f = n_0 - 6x_f \Rightarrow x_f = \frac{n_0 - n(H_3O^+)_f}{6} = \frac{0,12 - 4,2 \times 10^{-2}}{6} = 1,3 \times 10^{-2} \text{ mol}$
		ومنه $n_l - 2x_f = 0 \Rightarrow n_l = 2x_f = 2(1,3 \times 10^{-2}) = 2,6 \times 10^{-2} \text{ mol}$
		$m = n_{Al} \times M = 2,6 \times 10^{-2} \times 27 \approx 0,7 \text{ g}$
		أي $P\% = \frac{m}{m'} \times 100 = \frac{0,7}{1} \times 100 = 70\%$ وهي نفس القيمة السابقة

العلامة	مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة الموضوع الثاني
			<u>التمرين الأول:(4 نقاط)</u>
0,5	0,25		1.1. المرجع المناسب لدراسة حركة المركبة هو المرجع الجيومركزي.
	0,25		ونعتبره عطالي لأن مدة دراسة حركة المركبة صغيرة مقارنة مع دور حركة الأرض حول الشمس.
0,5	0,25	0,25	2.1.. تمثيل كيفي لشعاع القوة:
			$F_{(T/S)} = G \frac{M_T m_s}{(h + R_T)^2}$
	0,25		3.1. تبيين أن حركة المركبة حول الأرض دائرية منتظمة :
0,75	0,25		بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة المركبة في المعلم العطالي:
	0,25		$\vec{F}_{(T/S)} = m_s \vec{a}_G$
	0,25		بالإسقاط على المحور الناظمي نجد:
0,5	0,25	0,25	$G \frac{M_T m_s}{(h + R_T)^2} = m_s \frac{v^2}{(h + R_T)}$ ومنه بما أن المسار دايري والسرعة ثابتة فان حركة المركبة دائرية منتظمة.
			4.1. حساب كتلة الأرض:
			من عبارة السرعة نجد:
			$M_T = \frac{v^2(h + R_T)}{G}$ إذن $v^2 = \frac{GM_T}{(h + R_T)}$
			$M_T = \frac{(7.74 \times 10^3)^2 (300 + 6400) \times 10^3}{6.67 \times 10^{-11}} = 6,01 \times 10^{24} \text{ kg}$ ت.ع:
			2. خال مرحلة نزول المركبة:
			1.2. المعادلة التفاضلية للسرعة:
	0,25		بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في مرجع سطحي ارضي نعتبره عطالي:
0,75	0,25	0,25	$\vec{f} + \vec{F} = m_s \vec{a} \iff \sum \vec{F} = m_s \vec{a}$ بالإسقاط على محور الحركة (Oz) الموجه نحو الأعلى نجد :
			$-p + f = m_s \cdot a \Rightarrow -m_s g + Kv^2 = m_s \frac{dv}{dt}$ ومنه $\frac{dv}{dt} - \frac{K}{m_s} v^2 = -g$:
0,5	0,25		2.2. عبارة السرعة الحدية:
	0,25		عند بلوغ المركبة السرعة الحدية تكون الحركة منتظمة $\frac{dv}{dt} = 0$ ومنه من المعادلة التفاضلية نجد:

3.2 حساب قيمة ثابت الاحتكاك

$$-\frac{K}{m_s} v_{\text{lim}}^2 = -g \Rightarrow v_{\text{lim}} = \sqrt{\frac{m_s g}{K}}$$

$$v_{\text{lim}}^2 = \frac{m_s g}{K} \Rightarrow K = \frac{m_s g}{v_{\text{lim}}^2}$$

$$K = \frac{69,68 \times 10^3 \times 9,81}{(10)^2} \approx 6,8 \times 10^3 \text{ Kg.m}^{-1}$$

التمرين الثاني: (4 نقاط)

1. لهذه النواة فائض من النوترونات لأنها مماثلة فوق منطقة واد الاستقرار

.2

انفاذ العدد الكتلي: $186 = A + 0$

$$A = 186$$

$$Z = 76 - 1$$

انفاذ العدد الشحني: $Z = 75$

إذن معادلة التحول النووي لنواة الرينيوم 186 تصبح:

.3

1.3 لأن نشاط عينة يتغير مع الزمن $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$

لدينا: .2.3

$$A_0 = \lambda N_0 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \times \frac{m_0}{M(\text{Re}^{186})} \times N_A$$

$$m_0 = \frac{A_0 \times t_{1/2} \times M(\text{Re}^{186})}{\ln 2 \times N_A} = 5,27 \times 10^{-7} \text{ g}$$

3.3 لدينا $t_{1/2} = 3,7 \text{ jours}$ وحسب معطيات التمرين أيضا $t = 3,7 \text{ jours}$

حيث عند $t_{1/2}$ يكون عدد الأنوية $N_1 = \frac{N_0}{2}$ وبالتالي: $A_1 = \frac{A_0}{2} = \frac{3700}{2} = 1850 \text{ MBq}$

4.3 بما أن نشاط عينة يتاسب مع عدد الأنوية الموجود في العينة:

$$\begin{aligned} N_1 &= C V_f & A_1 &= \lambda N_1 \\ N_{th} &= C V_{th} & A_{th} &= \lambda N_{th} \end{aligned}$$

ومن ثم نحصل على: $\frac{A_1}{A_{th}} = \frac{V_f}{V_{th}}$ وبالتالي: $A_1 = \lambda N_1 = \lambda C V_f$ $A_{th} = \lambda N_{th} = \lambda C V_{th}$

$$V_{th} = V_f \frac{A_{th}}{A_1} = 10 \times \frac{70}{1850} = 0,4 \text{ mL}$$

التمرين الثالث (6 نقاط)

(I)

0,25	0,25	$C_2H_5COOH_{(l)} + H_2O_{(l)} = C_2H_5COO_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$.1
0,25	0,25	$pH = pK_a + \log \frac{[C_2H_5COO_{(aq)}^-]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]}$.2
		$K_a = \frac{(10^{-pH})^2}{C - 10^{-pH}}$(2) ولدينا $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{10^{-pH}}{C}$.3. برهنة العلاقة: لدينا: $\tau_f \cdot C = 10^{-pH}$(1)
	0,25	بتعويض (2) في (1) نجد: $K_a = \frac{10^{-pH} \cdot \tau_f \cdot C}{C - \tau_f \cdot C} = \frac{10^{-pH} \cdot \tau_f}{1 - \tau_f}$
01		$K_a (1 - \tau_f) = 10^{-pH} \cdot \tau_f$
		$K_a - K_a \cdot \tau_f = 10^{-pH} \cdot \tau_f$
	0,25	$K_a = K_a \cdot \tau_f + 10^{-pH} \cdot \tau_f = \tau_f (K_a + 10^{-pH})$ ومنه:
	0,25	$\tau_f = \frac{K_a}{(K_a + 10^{-pH})} = \frac{10^{-pK_a}}{(10^{-pK_a} + 10^{-pH})} = \frac{1}{1 + \left(\frac{10^{-pH}}{10^{-pK_a}}\right)} = \frac{1}{1 + 10^{pK_a - pH}}$
	0,25	$\tau_f = \frac{1}{1 + 10^{4,9-2,9}} = 1\%$ قيمتها: .4
0,25	0,25	1.4. معادلة تفاعل المعايرة: $C_2H_5COOH_{(aq)} + HO_{(aq)}^- = C_2H_5COO_{(aq)}^- + H_2O_{(l)}$
	0,25	2.4. من جدول تقدم تفاعل المعايرة لدينا: $\frac{[C_2H_5COO_{(aq)}^-]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]} = \frac{X}{C_A V_A - X}$
		ولدينا قبل التكافؤ لما $V_B < V_{BE}$ المتفاعل المحد هو الأساس : HO^-
	0,25	$\frac{[C_2H_5COO_{(aq)}^-]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]} = \frac{X}{C_A V_A - X} = \frac{C_B V_B}{C_A V_A - C_B V_B}$ وبالتالي: $C_B V_B - X = 0$ $X = C_B V_B$
0,75		وعند التكافؤ لدينا: $C_A V_A = C_B V_B$ ومنه تصبح:
	0,25	$\frac{[C_2H_5COO_{(aq)}^-]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]} = \frac{C_B V_B}{C_B V_{BE} - C_B V_B} = \frac{V_B}{V_{BE} - V_B}$
		$\frac{[C_2H_5COO_{(aq)}^-]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]} = \frac{V_B}{V_{BE} - V_B}$.3.4
		العبارة النظرية:
	0,25	

$$pH = pk_a + \log \frac{[C_2H_5COO^-_{(aq)}]}{[C_2H_5COOH_{(aq)}]}$$

$$pH = pk_a + \log\left(\frac{VB}{V_{BE} - V_B}\right)$$

$$pH = \log\left(\frac{VB}{V_{BE} - V_B}\right) + 4,9$$

العبارة البيانية:

بالنسبة لـ $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}_{(aq)}$ **نجد أن:** $\text{pk}_a \left(\text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-_{(aq)} \right) = 4,9$ - (II)

1. الرمز الاصطلاحي للعمود: $(-)Cd / Cd^{2+} // Ag^+ / Ag \oplus$

2. اتجاه تطور الجملة الكيميائية:

$$Q_{ri} = \frac{[Cd^{2+}]_i}{[Ag^+]^2_i} = \frac{C_2}{C_1^2} = \frac{0,2}{(0,4)^2} = 1,25$$

إذن بما أن K_{ri} فالجملة تتطور في الاتجاه المباشر

.3

$$\text{وبالاستعانة بجدول التقدم:} \quad Q_r = \frac{[Cd^{2+}]}{[Ag^+]^2} \quad .1.3$$

$$[Cd^{2+}] = \frac{C_2 V + X}{V} = C_2 + \frac{X}{V}$$

$$\left[Ag^+ \right] = \frac{C_1 V - 2X}{V} = C_1 - \frac{2X}{V}$$

$$Q_r = \frac{C_2 + \frac{X}{V}}{\left(C_1 - \frac{2X}{V} \right)^2} \dots \dots \dots (1)$$

2.3. حساب قيمة Q_r عند اللحظة $t = 10h$

حساب التقدم : X

$$I = \frac{q}{t} \Rightarrow q = I \times t = 215 \times 10^{-3} \times 10 \times 3600 = 7740C$$

$$q = Z.X.F$$

$$X = \frac{q}{Z \cdot F} = \frac{7740}{2 \times 96500} = 0,04 mol$$

بالتعويض في العبارة (1) نجد: $Q_r = 56,25$: حساب 3.3

$$C_1 - \frac{2X_{\max}}{V} = 0 \\ X_{\max} = \frac{C_1 V}{2} = 0,05 \text{ mol}$$

المتفاعل المد هو (Ag^+)

مقدار التغير في كمية مادة Cd هي:

$$|\Delta n| = X_{\max} = \frac{|\Delta m|}{M} \\ \Rightarrow |\Delta m| = X_{\max} M = 0,05 \times 112,4 = 5,62 \text{ g}$$

التمرин الرابع: (6 نقاط)

1. شحن مكثفة بواسطة لوحة شمسية:

1.1. الوضع المناسب للبادلة من أجل كل منحنى :

المنحنى (a) في وضع البادلة 3

المنحنى (b) في وضع البادلة 2

المنحنى (c) في وضع البادلة 1

2.1. تحديد قيمة التيار I_0 أثناء الشحن:

مولد تيار ثابت :

$$I_0 = \frac{q}{t} = C \frac{U_C(t)}{t}$$

ومنه العبارة النظرية:

وبما أن البيان عبارة عن خط مستقيم يمر بالبداية تكون معادلته من الشكل:

$$U_C(t) = at \dots \dots (2)$$

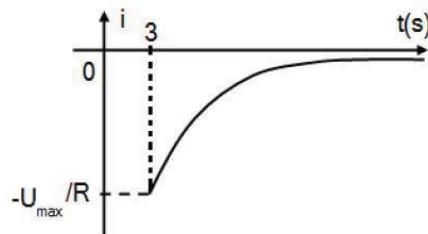
بالموافقة بين العبارتين البيانية والنظرية نجد:

$$a = \frac{I_0}{C} \Rightarrow I_0 = Ca = 0,1 \times \frac{2,25}{1,5} = 0,15 A$$

3.1. استنتاج عبارة شدة التيار $i(t)$

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = C \frac{dU_C}{dt} = \frac{-CU_{\max}}{\tau} e^{\frac{-(t-3)}{\tau}} = \frac{-CU_{\max}}{RC} e^{\frac{-(t-3)}{RC}} = \frac{-2,25}{10} e^{\frac{-(t-3)}{0,1 \times 10}} = -0,225 e^{-(t-3)}$$

تمثيل كيفي للبيان $i(t)$:



2. شحن مكثفة باستخدام مولد توتر مثالى:

1.2. المعادلة التفاضلية للتوتر بين طرفي المكثفة خلال الشحن:

من قانون جمع التوترات:

$$U_C + U_R = E \Rightarrow U_C + R_0 i = E \Rightarrow U_C + R_0 C \frac{dU_C}{dt} = E$$

بالقسمة على RC نجد:

$$\frac{dU_C}{dt} + \frac{1}{R_0 C} U_C = \frac{E}{R_0 C}$$

2.2. تعين قيمة الثابتين A و B :

$$U_C = Ae^{\frac{-t}{\tau}} + B \quad \text{لدينا:}$$

إذن: $\frac{dU_C}{dt} = \frac{-A}{\tau} e^{\frac{-t}{\tau}}$ بتعويض العبارتين في المعادلة التفاضلية نجد:

$$B = E$$

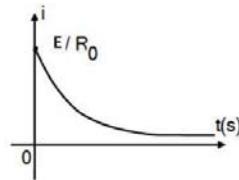
ومن الشرط الابتدائي: $U_C(0) = Ae^{\frac{-0}{\tau}} + B = 0V \Rightarrow A + B = 0V \Rightarrow A = -B$

إذن: $B = E = 2.25V$ و $A = -B = -2.25V$

3.2. استنتاج عبارة شدة التيار $i(t)$:

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = C \frac{dU_C}{dt} = -C \frac{E}{\tau} e^{\frac{-t}{\tau}} = \frac{-CE}{R_0 C} e^{\frac{-t}{\tau}} = \frac{E}{R_0} e^{\frac{-t}{\tau}} = \frac{2.25}{50} e^{\frac{-t}{50 \times 0.1}} = 0.045 e^{-0.2t}$$

رسم كيفي لبيان شدة التيار:



4.2. قيمة المقاومة اللازم استخدامها للوصول إلى نفس مدة شحن فاطمة تجريبيا:

يتم شحن المكثفة تجريبيا خلال مدة: $t = 5\tau = 5R_0 C$

ومن خلال لمنحنى الشكل (2) نجد انه تم شحن مكثفة خلال: $t = 1.5s$

$$t = 5R_0 C = 1.5s \Rightarrow R_0 = \frac{t}{5C} = \frac{1.5}{5 \times 0.1} = 3\Omega \quad \text{ومنه:}$$

الشحن باستخدام مولد توتر أحسن عمليا. لأنه من السؤال السابق نجد أن استخدام مولد التوتر لشحن المكثفة يستغرق نفس مدة الشحن باستخدام اللوحة الشمسية بالرغم من وجود مقاومة.

ـ دارة RLC:

1. نمط الاهتزاز هو : اهتزاز كهربائي حر غير متزامن

2. المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر U_c بين طرفي المكثف:

$$U_c + U_L = 0 \Rightarrow U_c + L \frac{di}{dt} = 0 \Rightarrow U_c + LC \frac{d^2 U_c}{dt^2} = 0 \Rightarrow \frac{d^2 U_c}{dt^2} + \frac{1}{LC} U_c = 0$$

عبارة دور الدارة بدلالة مميزات الدارة:

لدينا:

$$U_c(t) = U_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$$

$$\frac{d^2 U_c}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 U_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right)$$

بتعميض العبارتين في المعادلة التفاضلية السابقة نجد :

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 U_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right) + \frac{1}{LC} U_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right) = 0 \Rightarrow \left(-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{1}{LC}\right) U_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0} + \varphi\right) = 0$$

ومنه لتحقق المعادلة يكون:

$$\left(-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{1}{LC}\right) = 0 \Rightarrow \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \frac{(2\pi)^2}{T_0^2} = \frac{1}{LC} \Rightarrow T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

3. استنتاج قيمة ذاتية الوسيعة:

$$T_0 = 1s$$

ومنه :

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 LC \Rightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} = \frac{1^2}{4\pi^2 (0.1)} = 0.25 H$$

3.3. تغيرات التوتر بين طرفي المكثف حسب قيم المقاومة:

- إذا كانت قيم المقاومة ضعيفة نلاحظ تناقص في سعة التوتر ويكون الاهتزاز شبه دوري متزامن.

- إذا تجاوزنا القيمة الحرجة للمقاومة ينعدم التوتر ويكون النظام لا دوري