

التمرين الأول: (5,5 ن)

دراسة حركة مركز العطالة لمجموعة ميكانيكية:

يعتبر القفز الطولي بواسطة الدراجة النارية مسابقة رياضية، حيث يشكل التحدي الحقيقي فيها إنجاز قفزة لأبعد مسافة ممكنة انطلاقاً من مكان معين.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة مركز العطالة  $G$  لمجموعة  $(S)$  مكونة من دراجة نارية وسائقها على حلبة السباق. تتكون حلبة السباق من:

- جزء مستقيم  $A'B'$  مائل بزاوية  $\beta$  بالنسبة للمستوى الأفقي .

- منصة  $B'C'$  للقفز، دائرية الشكل.

- منطقة  $(\pi)$  للسقوط، مستوية وأفقية (الشكل - 1)

نهمل جميع الإحتكاكات وندرس حركة مركز العطالة

$G$  للمجموعة  $(S)$  في مرجع أرضي نعتبره غاليليا.

معطيات:

• شدة الثقالة:  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ .

• الزاوية  $\beta$ :  $\beta = 10^\circ$ .

• كتلة المجموعة  $(S)$ :  $m = 190 \text{ Kg}$ .

I - دراسة الحركة على الجزء  $A'B'$

عند لحظة نعتبرها مبدأ الأزمنة  $(t = 0)$ ، تنطلق المجموعة  $(S)$ ، بدون سرعة ابتدائية، من موضع يكون فيه مركز العطالة  $G$  منطبقاً مع النقطة  $A$ .

تخضع المجموعة أثناء حركتها على الجزء  $A'B'$ ، بالإضافة إلى ثقلها وتأثير المستوى المائل، لقوة محرقة  $\vec{F}$  ثابتة، حاملها مواز لمسار مركز العطالة  $G$ .

لدراسة حركة  $G$  في هذه المرحلة، نختار معلماً  $(A, \vec{t})$  موازياً للجزء المستقيم  $A'B'$ ، وموضع مركز العطالة  $G$  محدد بالفاصلة  $x$  (الشكل 1).

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن عبارة التسارع  $a_G$  لحركة  $G$  يكتب كما يلي:  $a_G = \frac{F}{m} + g \sin \beta$

2. يمثل منحنى (الشكل - 2) تغيرات السرعة اللحظية  $v_G$  لمركز العطالة  $G$  بدلالة الزمن.

باستغلال هذا المنحنى، أوجد قيمة التسارع  $a_G$ .

3. استنتج الشدة  $F$  للقوة المحركة.

4. اكتب المعادلة الزمنية  $x = f(t)$  لحركة  $G$ .

5. علماً ان  $AB = 36 \text{ m}$ ، حدد  $t_B$  لحظة مرور  $G$  من النقطة  $B$ .

6. احسب السرعة  $v_B$  لمركز العطالة  $G$  في النقطة  $B$ .

II - دراسة حركة  $G$  خلال مرحلة القفز.

في لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة من جديد  $(t=0)$ ، تغادر المجموعة

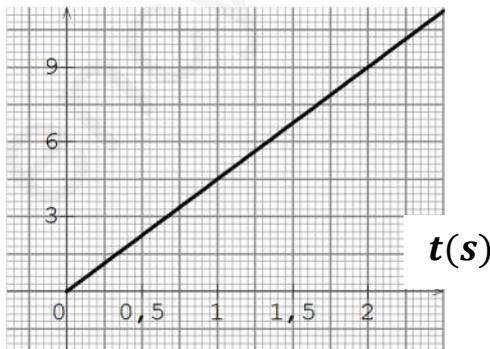
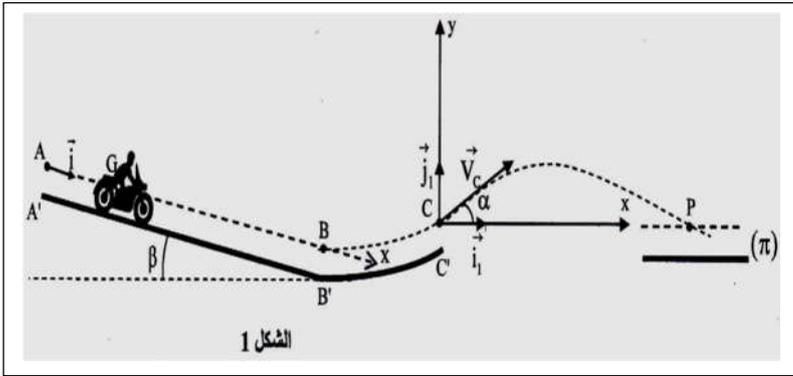
$(S)$  منصة القفز، عند مرور  $G$  من النقطة  $C$ ، بسرعة  $v_C$  يصنع

حامل شعاعها زاوية  $\alpha = 18^\circ$  مع الخط الأفقي. تسقط المجموعة  $(S)$  في

موضع حيث ينطبق  $G$  مع النقطة  $p$  (الشكل - 1).

نعتبر أن المجموعة  $(S)$  تخضع لثقلها فقط خلال مرحلة القفز.

ندرس حركة  $G$  في معلم  $(C, \vec{t}_1, \vec{j}_1)$  المبين في (الشكل - 1).



الشكل - 2

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن المعادلتين التفاضليتين اللتين تحققهما الاحداثيتان  $x_G(t)$  و  $y_G(t)$  لمركز العطالة  $G$  في المعلم السابق هما :  $\frac{dx_G}{dt} = v_C \cdot \cos \alpha$  و  $\frac{dy_G}{dt} = -g \cdot t + v_C \cdot \sin \alpha$
2. نكتب العبارة العددية لكل من المعادلتين الزميتين  $x_G(t)$  و  $y_G(t)$  لحركة  $G$  كما يلي :
- $x_G(t) = 19,02 \cdot t$  و  $y_G(t) = -5 \cdot t^2 + 6,18 \cdot t$  و  $x_G$  و  $y_G$  بالمتر  $m$  و  $t$  بالثانية  $s$ )
- تحقق ان سرعة  $G$  في النقطة  $C$  هي:  $v_C = 20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$
3. تعتبر القفزة ناجحة إذا تحقق الشرط  $CP \geq 30 \text{ m}$
- 3.1. بين ان القفزة المنجزة في هذه الحالة غير ناجحة .
- 3.2. حدد السرعة الدنيا  $v_{min}$  التي يجب ان يمر بها  $G$  من النقطة  $C$  لكي تكون القفزة ناجحة .

التمرين الثاني: (09 ن )

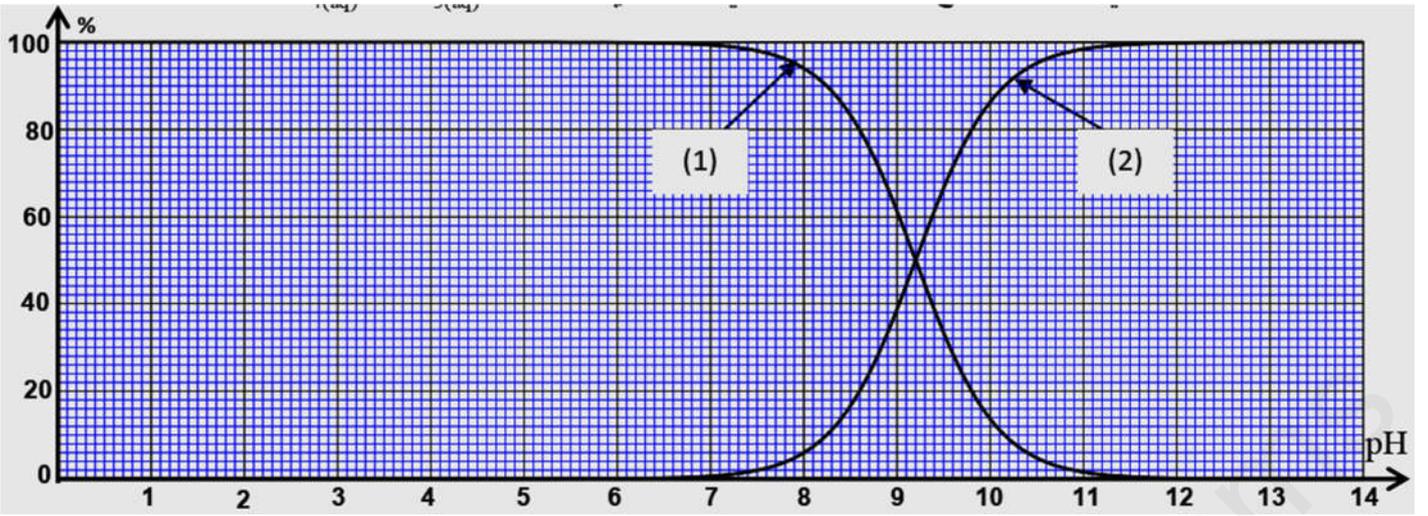
الجزء الأول:

- I - نتوفر على محلول مائي  $(S_A)$  لحمض الميثانويك  $HCOOH(aq)$  حجمه  $V = 1 \text{ L}$  وتركيزه المولي  $C_A = 0,10 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  وله  $pH = 2,4$
- 1 - عرف الحمض حسب برونشتند.
- 2 - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين حمض الميثانويك والماء.
- 3 - انجز جدولاً لتقدم التفاعل.
- 4 - احسب نسبة التقدم النهائي  $\tau_f$  . استنتج.
- 5 - بين أن كسر التفاعل عند حالة التوازن يكتب بالعلاقة :  $Q_{r,f} = \frac{10^{-2} pH}{C_A - 10^{-pH}}$  . احسب قيمته.
- II - للتحقق من قيمة التركيز المولي  $C_A$  للمحلول  $(S_A)$  ، ننجز المعايرة حمض - أساس.
- نضع في كأس بيشر الحجم  $V_A = 20,0 \text{ mL}$  من هذا المحلول، ونضيف اليه تدريجياً محلولاً مائياً  $(S_B)$  لهيدروكسيد الصوديوم  $(Na(aq) + HO^-(aq))$  تركيزه المولي  $C_B = 0,25 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  . احداثيتي نقطة التكافؤ هما :  $(V_{B,E} = 8,0 \text{ mL} ; pH_E = 8,2)$  .
- 1 - ارسم التركيب التجريبي لعملية المعايرة مع تسمية عناصر التركيب.
- 2 - اكتب معادلة تفاعل المعايرة.
- 3 - تحقق من قيمة  $C_A$  .
- 4 - اذكر الكاشف المناسب لهذه المعايرة مع التعليل.

لون القاعدة	منطقة الانعطاف	لون الحمض	الكاشف الملون
أحمر	7,2 - 8,8	أصفر	أحمر الكريزول
بنفسجي	11,0 - 12,4	أحمر	الأليزرين

- 5 - بالنسبة لحجم مضاف  $V_B = \frac{V_{B,E}}{2}$  من المحلول  $(S_B)$ ، تكون قيمة  $pH$  المزيج في البيشر هي  $pH = 3,8$  و  $[HCOOH(aq)] = [HCOO^-(aq)]$  احسب ثابت الحموضة  $K_a$  للثنائية  $(HCOOH(aq)/HCOO^-(aq))$
- الجزء الثاني:

- I - نحضر محلولاً مائياً  $S_1$  لغاز النشادر  $NH_3$  تركيزه المولي  $C_1 = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  . أعطى قياس  $pH$  هذا المحلول القيمة  $pH_1 = 10,6$  .
- 1 - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين النشادر والماء.
- 2 - أوجد عبارة نسبة التقدم النهائي  $\tau_1$  لهذا التفاعل بدلالة  $C_1$  و  $pH_1$  و  $K_e$  . وتحقق أن قيمته  $\tau_1 = 0,04$  .
- 3 - أوجد عبارة ثابت التوازن  $K$  لهذا التفاعل بدلالة  $C_1$  و  $\tau_1$  . احسب قيمته.
- 4 - نخفف المحلول  $S_1$  فنحصل على محلول  $S_2$  . نقيس  $pH$  المحلول  $S_2$  فنجد  $pH_2 = 10,4$  . نمثل مخطط توزيع الصفة الغالبة للثنائية  $(NH_4^+(aq)/NH_3(aq))$  كما في الشكل:



4 - 1 - أرفق كل بيان بالصفة الغالبة الموافقة مع التعليل.

4 - 2 - اعتمادا على البيانيين حدد كل من :

أ -  $pK_{a1}$  للثنائية  $(NH_4^+(aq)/NH_3(aq))$

ب - نسبة التقدم النهائي  $\tau_2$  للتفاعل في المحلول  $S_2$ .

4 - 3 - قارن بين نسبي التقدم النهائي  $\tau_1$  و  $\tau_2$  ، ماذا تستنتج ؟

II - نمزج في كأس حجما  $V_1$  من المحلول  $S_1$  لغاز النشادر ذي التركيز  $C_1$  مع حجم  $V = V_1$  لمحلول مائي  $S$

لكلور المثيل أمونيوم  $(CH_3NH_3^+(aq) + Cl^-(aq))$  تركيزه المولي  $C = C_1$ .

1 - اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحويل الكيميائي بين  $CH_3NH_3^+$  و  $NH_3$ .

2 - أوجد قيمة ثابت التوازن  $K'$  المميز لهذا التفاعل.

3 - بين أن عبارة تركيز كل من  $CH_3NH_2$  و  $NH_4^+$  في المزيج عند التوازن، تكتب بالعلاقة:

$$[CH_3NH_2(aq)]_f = [NH_4^+(aq)]_f = \frac{C}{2} \frac{\sqrt{K'}}{(1+\sqrt{K'})}$$

4 - حدد  $pH$  المزيج عند التوازن.

المعطيات:

تمت القياسات عند درجة الحرارة  $25^\circ C$ .

الجداء الشاردي للماء :  $K_e = 10^{-14}$  و  $pK_{a2} (CH_3NH_3^+(aq)/CH_3NH_2(aq)) = 10,7$

التمرين الثالث: (5,5 ن)

للتحقق من بعض النتائج المتوصل اليها في حركة السقوط الشاقولي للأجسام، ندرس السقوط في الهواء لكرتين لهما نفس نصف القطر  $R$  وكتلتان حجميتان مختلفتان.

ندرس حركة كل كرة في معلم  $(O, \vec{k})$  مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا. نحدد موضع مركز عطالة كل كرة في كل لحظة بالفاصلة  $z$  على المحور الشاقولي  $(O, \vec{k})$  الموجه نحو الأعلى ومبدأه منطبق مع سطح الأرض (الشكل-1).

تخضع كل كرة أثناء سقوطها في الهواء إلى ثقلها  $\vec{P}$  و إلى قوة الاحتكاك المائع  $\vec{f}$  (نهمل دافعة أرخميدس أمام هاتين القوتين). نقبل أن شدة  $\vec{f}$  تكتب:  $f = 0,22 \cdot \rho_{air} \cdot \pi \cdot R^2 \cdot v_z^2$  ، حيث  $\rho_{air}$  (الكتلة الحجمية للهواء) و  $R$  (نصف قطر الكرة) و  $v_z$  (القيمة الجبرية لسرعة مركز عطالة الكرة في اللحظة  $t$ ).

لدراسة هاتين الحركتين تم استعمال كرتين متجانستين (a) و (b) لهما نفس نصف القطر  $R = 6 \text{ cm}$  وكتلتان

حجميتان على التوالي  $\rho_1 = 1,14 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$  و  $\rho_2 = 94 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ .

تم تحرير الكرتين (a) و (b) عند نفس اللحظة  $t = 0$  بدون سرعة ابتدائية، من نفس المستوى الأفقي الذي تنتمي إليه النقطة  $H$ . يوجد هذا المستوى على ارتفاع  $h = 69 \text{ cm}$  من سطح الأرض (الشكل - 1).

1 - بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة  $v_z$  لمركزة عطالة كرة تكتب بالعلاقة:

$$\frac{dv_z}{dt} = -g + 0,165 \cdot \frac{\rho_{air}}{R \cdot \rho_i} \cdot v_z^2$$

2 - استنتج عبارة السرعة الحدية لحركة كرة.

3 - تمثل منحنيات الشكلين 2 و 3 تطورات الفاصلة  $z(t)$  والسرعة  $v_z(t)$  خلال الزمن لمركز العطالة  $G$  لكل كرة أثناء السقوط.

3 - 1 - اعتمادا على عبارة السرعة الحدية، بين أن المنحنى (C1) يوافق تغيرات سرعة الكرة (b).

3 - 2 - فسر لماذا يوافق المنحنى (C'2) تغيرات فاصلة الكرة (a).

4 - اعتمادا على المنحنى (C2)، حدد طبيعة حركة الكرة (a) واكتب معادلتها الزمنية  $z(t)$ .

5 - حدد فرق الارتفاع  $d$  بين مركزي عطالة الكرتين لحظة وصول الكرة الأولى سطح الأرض (نهمل أبعاد الكرتين).

6 - علما أن القيمة الجبرية لسرعة الكرة (b) عند اللحظة  $t_n$  هي  $v_{zn} = -11,47 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ، أوجد قيمة التسارع

$a_{zn}$  للحركة عند اللحظة  $t_n$  والسرعة  $v_{z(n+1)}$  عند اللحظة  $t_{n+1}$  (نأخذ  $\Delta t = 125 \text{ ms}$ ).

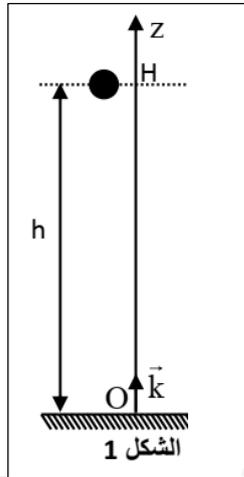
$$( \text{تذكر أن: } a_z = \frac{\Delta v_z}{\Delta t} )$$

المعطيات:

حجم كرة نصف قطرها  $R$  هو:  $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3$

شدة الثقالة:  $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

الكتلة الحجمية للهواء:  $\rho_{air} = 1,3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$



الشكل 1

