

### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2018



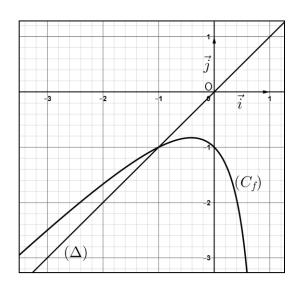
وزارة التربية الوطنية امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 04 سا و 30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على (03) صفحات (من الصفحة 1 من 6 إلى الصفحة 3 من 6)



التمربن الأول: (04 نقاط)

: -  $]-\infty$  الدالة العددية المعرفة على المجال المعددية المعرفة المعرفة

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 1}$$

 $u_0 = -3$  المتتالية العددية المعرفة على المتالية العددية المعرفة المعرفة على المتتالية العددية المعرفة على المتتالية العددية المعرفة على المتتالية العددية المعرفة على المتتالية المعرفة على المتتالية المتالية المتتالية المتتالية المتالية المتالية المتالية المتالية المتالية المتالية المتتالية المتالية المتالية المتالية المتالية المتالية المتالية المتتالية المتتالية المتتالية المتتالية المتالية المتالية المتتالية المتالية الم  $u_{n+1} = f(u_n)$  ، n ومن أجل كل عدد طبيعي ليكن  $(C_f)$  التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى

المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  و  $(\Delta)$  هو المستقيم ذو المعادلة y = x أنظر الشكل المقابل).

أعد رسم الشكل على ورقة الاجابة ثم مثّل الحدود  $u_1$  ،  $u_2$  ،  $u_1$  ،  $u_2$  ،  $u_3$  على محور الفواصل دون حسابها مبرزا (1 خطوط التمثيل، أعط تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  وتقاربها.

 $-3 \leqslant u_n < -1 : n$  برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي (2

.  $u_{n+1} + 1 \geqslant \frac{3}{4}(u_n + 1) : n$ عدد طبیعي عدد طبیعي أ. بیّن أنّه من أجل كل عدد طبیعي أ

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$  ثم  $u_n+1\geqslant -2\left(rac{3}{4}
ight)^n$  : n عدد طبیعي به استنتج أنّه من أجل كل عدد طبیعي

 $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  نضع (4

واستنتج  $S_n$ 

### التمرين الثاني: (04 نقاط)

A(1;0;2) و A(1;1;3) نعتبر النقطتين ( $O;\vec{i},\vec{j},\vec{k}$ ) و الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس

- 1) أ) بيّن أنّ النقط  $A \cdot O$  و B ليست في استقامية.
- ب) تحقق أنّ n(2;1;-1) شعاع ناظمى للمستوي n(2;1;-1) ثم عيّن معادلة ديكارتية له.
- (x; y; z) لتكن (x) مجموعة النقط x0 من الفضاء التي احداثياتها (x3; x4 من الفضاء التي احداثياتها (x5; x6; x7) لتكن (x8) مجموعة النقط x8 من الفضاء التي احداثياتها (x8) مجموعة النقط x9 التكن (x9) مجموعة النقط x9 النقط x9
- ـ بيّن أنّ المجموعة  $(\Delta)$ هي تقاطع المستويين المحوريين للقطعتين [OA] و [OB]، ثم عين تمثيلا وسيطيا للمجموعة  $(\Delta)$ .
  - نقطة كيفية من الفضاء M
- ـ برهن صحة التكافؤ التالي:  $(M \in (\Delta))$  يكافئ (M = AM = BM) ثم استنتج إحداثيات النقطة  $\Omega$  مركز الدائرة المحيطة بالمثلث OAB.

## التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $]-\pi;\pi]$  المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس المتجانس ( $O;\overrightarrow{u},\overrightarrow{v}$ ) عدد حقيقي من المجال

I. حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb C$  ، المعادلة ذات المجهول z التالية:

$$(z^2 - 2z + 2)(z^2 - 2(\sin\theta)z + 1) = 0$$

الترتيب  $C \cdot B \cdot A$  و  $D \cdot C \cdot B \cdot A$  .II

$$(z_c$$
 و  $\overline{z_c}$  و  $z_D=\overline{z_C}$  و  $z_C=\sin\theta+i\cos\theta$  ،  $z_B=1-i$  ،  $z_A=-\sqrt{2}e^{irac{5\pi}{4}}$ 

- اكتب الأعداد  $z_{A}$ ،  $z_{B}$ ، الشكل الأسي. (1
  - $z_E = \frac{z_A}{z_B}$  نقطة من المستوي لاحقتها  $z_E$  ديث E (2
- بيّن أن النقط  $D \cdot C$  و E تنتمي إلى دائرة يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها.
- $(2\sqrt{2}-2)$  ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه النقطة A و زاويته  $\frac{\pi}{4}$  ونسبته ( $(2\sqrt{2}-2)$ ).
  - . S بالتشابه المباشر B عين قيمة  $\theta$  حتى تكون النقطة B صورة النقطة
- نضع  $\frac{-3\pi}{4}$  نضع  $\theta = \frac{-3\pi}{4}$  نضع العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون العدد ( $z_D$ ) تخيليا صرفا.

## التمرين الرابع: (07 نقاط)

$$\begin{cases} f(x) = x + 1 - \frac{1}{\ln x}; & x \in \mathbb{R}_+^* - \{1\} \\ f(0) = 1 \end{cases} : - [0;1[\bigcup]1;+\infty[ \text{ also in } ]x + 1 - \frac{1}{\ln x}; \quad x \in \mathbb{R}_+^* - \{1\} \end{cases}$$

(يرمز به In الى اللوغاريتم النيبيري)

.  $(\mathbf{O}; \vec{i}\,, \vec{j})$  التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس المستوي المستوي المنسوب المستوي

. أربيّن أنّ f مستمرة عند 0 بقيم أكبر (1

ب/ احسب  $\lim_{h \to 0} \frac{f(h) - f(0)}{h}$  ثم فسر النتيجة هندسيا.

 $\lim_{x \to 1} f(x)$  و  $\lim_{x \to 1} f(x)$  ،  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و (2)

ب/ ادرس اتجاه تغیّر الداله f ثم شکّل جدول تغیراتها.

- $(C_f)$  بيّن أنّ المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيمًا مقاربًا مائلاً  $(\Delta)$  يطلب تعيين معادلة له ثم ادرس وضعية بالنسبة الى  $(\Delta)$  .
- $1,49 < \alpha < 1,5$  بيّن أنّ المنحني  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة  $\omega$  فاصلتها  $\alpha$  حيث  $\alpha$  بيّن أنّ معادلة المماس للمنحني  $\alpha$  في النقطة  $\alpha$  تكتب على الشكل  $\alpha$  الشكل  $\alpha$  بيّن أنّ معادلة المماس للمنحني  $\alpha$  في النقطة  $\alpha$  تكتب على الشكل  $\alpha$ 
  - $.(C_f)$  رسم المستقيم ( $\Delta$ ) و المنحنى (5
  - $h(x) = 1 x + x \ln x$ : ب $h(x) = 1 x + x \ln x$  بالدالة العددية المعرفة على المجال  $h(x) = 1 x + x \ln x$

أ/ بيّن أنّ الدالة h متزايدة تماما على المجال  $]\infty+[1]$  و استنتج إشارة h(x) على المجال  $]\infty+[1]$ .

$$f(x) - x + \frac{1}{x \ln x} = \frac{h(x)}{x \ln x}$$
 :  $x > 1$  کل اجل کل انه من أخه من أخه من أجل کل

$$x - \frac{1}{x \ln x} < f(x) < x + 1$$
 :  $x > 1$  و استنتج أنه من أجل

7) مساحة الحيّز من المستوي المحدّد بالمنحني  $(C_f)$  وحامل محور الفواصل والمستقيمين اللذين x=e و  $x=\alpha$  ومعادلتيهما: x=e و  $x=\alpha$ 

$$\frac{1}{2}$$
(e<sup>2</sup> -  $\alpha^2$ ) -  $\ln(\alpha + 1)$  <  $A$  <  $\frac{1}{2}$ (e -  $\alpha$ )(e +  $\alpha$  + 2) ـ بيّن أنّ

## انتهى الموضوع الأول

### الموضوع الثانى

يحتوي الموضوع الثاني على (03) صفحات (من الصفحة 4 من 6 إلى الصفحة 6 من 6)

## التمرين الأول: (04 نقاط)

$$\begin{cases} \alpha + \beta = 4035 \\ \alpha - \beta = 1 \end{cases}$$
 و  $\alpha$  عددان طبیعیان بحیث:  $\alpha = \beta$  و  $\alpha$ 

عيّن العددين  $\alpha$  و  $\beta$  ، ثم بيّن أنّ العددين  $\frac{\alpha}{2}$  و  $\beta$  أوليان فيما بينهما.

1009x - 2017y = 1: عيّن كل الثنائيات الصحيحة (x, y)التي تحقق المعادلة (2

. 
$$\begin{cases} a = 2019[2017] \\ a = 2019[1009] \end{cases}$$
 : عيّن الأعداد الصحيحة  $a = 2019[1009]$ 

.9 عدد طبيعي، ادرس تبعا لقيم n بواقي القسمة الاقليدية للعدد n على n

$$L = \overline{\underbrace{111...1}}$$
 : عدد طبیعي یکتب في النظام ذي الأساس 7 کما یلي :  $L$  عدد طبیعي یکتب في النظام ذي الأساس 2018

. عين باقي القسمة الاقليدية للعدد  $42\,L$  على 9.

## التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس يحوي 9 كريات لا نفرق بينها باللمس موزعة كما يلي:

خمس كريات حمراء مرقمة بـ: 2.2.2.1.1 وثلاث كريات خضراء مرقمة بـ: 3.2.3.0 وكرية بيضاء مرقمة بـ: 1 نسحب عشوائيا 4 كربات في آن واحد.

- 1) احسب احتمال الحوادث التالية:
- A: "الحصول على أربع كريات من نفس اللون".
  - B: "الحصول على كربة بيضاء على الأكثر".
- C: "الحصول على أربع كريات مجموع أرقامها معدوم".
- ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة سحب عدد الكريات الخضراء المتبقية في الكيس.
  - أ) عيّن قيم المتغير العشوائي X ثم عرّف قانون احتماله .
  - .X احسب الأمل الرياضياتي  $E\left(X\right)$  للمتغير العشوائي
    - . "  $X^2 X > 0$  ": حسب احتمال الحادثة

### التمرين الثالث: (05 نقاط)

التالية:  $\mathbb C$  عدد حقيقي ، نعتبر في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb C$  المعادلة ذات المجهول z التالية:

$$z^2 + (m+1)z + (2m-1) = 0....(E)$$

عيّن قيم العدد الحقيقي m التي من أجلها تقبل المعادلة (E) حلين مركبين غير حقيقيين.

- (E) نضع m=3 نضع (2
- نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \overset{
  ightarrow}{u}; \overset{
  ightarrow}{v})$  النقط  $(O; \overset{
  ightarrow}{u}; \overset{
  ightarrow}{v})$  نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد المتع

$$\cdot$$
  $lpha > -2$  و  $z_{E} = \sqrt{3}$  و  $z_{C} = lpha$  عدد حقیقی و  $z_{C} = lpha$  ،  $z_{B} = -2 - i$  ،  $z_{A} = -2 + i$  لاحقاتها

- $-(-2+\sqrt{3})$  هي الأضلاع هي ( $-2+\sqrt{3}$ ) متقايس الأضلاع هي ( $\alpha$  التي يكون من أجلها المثلث
  - $z_C = -2 + \sqrt{3}$  نضع في كل ما يأتي -
  - : if  $\frac{z_C z_E}{z_A z_B}$  also lumber of lumber of the lumber of the state of the lumber of the state of the lumber of the state of the lumber of the
    - أ) المستقيمان (AB) و (EC) متعامدان.
- ب) النقط B ، A و B تنتمي إلى نفس الدائرة  $(\gamma)$  التي يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.
  - ليكن r الدوران الذي يحوّل النقطة B إلى C و يحوّل C الدوران الذي يحوّل النقطة C النقطة C الدوران الذي يحوّل النقطة C

. حیث 
$$a$$
 عدد مرکب  $z'=az+\left(\frac{\sqrt{3}-6}{2}\right)+i\left(\frac{2\sqrt{3}-1}{2}\right)$ 

- .r أ) احسب العدد المركب a ثم استنتج زاوية الدوران
- .r مركز ثقل المثلث ABC هي مركز الدوران G الدوران T

## التمرين الرابع: (07 نقاط)

- .  $g(x) = (1 + x + x^2) e^{-\frac{1}{x}} 1$  : ب $]0; +\infty[$  لمعرفة على المجال g. I
  - ،  $g'(x) = \frac{(x+1)(2x^2+1)}{x^2}e^{-\frac{1}{x}}$  :  $]0; +\infty[$  من المجال x من المجال x من المجال x (1)

. ]0;+ $\infty$ واستنتج اتجاه تغير الدالة g على المجال

- $0.9 < \alpha < 1$  بين أن المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث g(x) = 0
  - .  $]0;+\infty[$  على المجال g(x) على استنتج إشارة
- .  $f(x) = \frac{1}{x} + (1+x)e^{-\frac{1}{x}}$ : ب $g(x) = \frac{1}{x} + (1+x)e^{-\frac{1}{x}}$  بالدالة العددية المعرفة على المجال  $g(x) = \frac{1}{x} + (1+x)e^{-\frac{1}{x}}$
- .  $(O\,;\vec{i}\;,\overrightarrow{j}\;)$  التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس الدالة و  $(C_f)$ 
  - .  $\lim_{\stackrel{>}{x \to 0}} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب (1)
  - $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ : ]0; + $\infty$ [ المجال x من المجال كل x من أجل كل بيّن أنّه من أجل كل x من الدالة x ثم شكّل جدول تغير التها.
- y=x بـيّن أنّ  $(\Delta)$  نو المعادلـة  $(\Delta)$  يمكـن وضع  $(\Delta)$  بـيّن أنّ  $(\Delta)$  نو المعادلـة  $(\Delta)$  ثم استنتج أن المستقيم  $(\Delta)$  نو المعادلـة  $(\Delta)$  بـجوار  $(\Delta)$  بجوار  $(\Delta)$  بجوار  $(\Delta)$  بجوار  $(\Delta)$



- .  $h(x) = \frac{1}{x} 1 + e^{-\frac{1}{x}}$ : ب $]0; +\infty[$  الدالة العددية المعرفة على المجال h (3)
- $[0;+\infty[$  على الدالة h واستنتج إشارة h(x) على الدالة h واستنتج إشارة الدرس الجاه تغير الدالة الدالة
- . ( $\Delta$ ) بالنسبة إلى المستقيم  $f(x)-x=(1+x)\,h(x)$  بي تَحقِّق أن أن  $f(x)-x=(1+x)\,h(x)$ 
  - .  $(f(\alpha) \simeq 1.73$  أرسم المستقيم ( $\Delta$ ) و المنحنى ( $C_f$ ) و المنحنى (4
  - .  $u_n = \frac{n}{n+1} f\left(\frac{1}{n}\right) \frac{n^2}{n+1}$  :حيث  $u_n$  حيث  $u_n$  بحدها العام  $u_n$  بحدها العام  $u_n$  عددية معرفة على  $\mathbb{N}^*$
  - أ) اكتب  $u_n$  بدلالة n ثم بيّن أن المتتالية  $(u_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول  $u_n$ 
    - ب) احسب بدلالة n المجموع  $S_n$  حيث:

$$.S_n = \left(\frac{1}{2}f(1) - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{2}{3}f\left(\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{3}{4}f\left(\frac{1}{3}\right) - \frac{1}{4}\right) + \dots + \left(\frac{n}{n+1}f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{1}{n+1}\right)$$

العلامة		/ 1 \$11 a · - 113 \$1 - \$11 - 1 · a
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
1.75	<mark>01</mark>	التمرين الأول: ( 04 نقاط) 1) تمثيل الحدود
	0.75	- التخمين: $(u_n)$ المتتالية متزايدة تماما ومتقاربة نحو $(1-)$
01	01	$-3 \leqslant u_n < -1$ البرهان أنّ (2) (2)
	0.25	$.u_{n+1}+1\geqslant \frac{3}{4}(u_{n}+1)$ اً/ تبيان أنّ (3)
0.75	0.25	$u_n+1\geqslant -2\left(rac{3}{4} ight)^n$ بر استنتاج أنّ
	0.25	$\lim_{n\to+\infty}u_n=-1  -$
0.5	0,25	$8\left[\left(\frac{3}{4}\right)^{n+1}-1\right] \le (u_0+1)+(u_1+1)+\dots+(u_n+1)<0$ اثبات أنّ - (4
	0.25	$\lim_{n o +\infty} S_n = -\infty$ ومنه $S_n < -n-1$ ومنه $-$
	01	التمرين الثاني: (04 نقاط) $\overrightarrow{OB}(1;0;2)$ دينا $\overrightarrow{OB} \neq \frac{1}{1}$ إذن $\overrightarrow{OB}$ و $\overrightarrow{OA}(1;1;3)$ ، $\overrightarrow{OA}(1;1;3)$ (1)
2.5	<b>0.75</b>	$(OAB)$ ب $\vec{n}\cdot \overrightarrow{OA}=0$ و $\vec{n}\cdot \overrightarrow{OB}=0$ يعني $\vec{n}$ شعاع ناظمي للمستوي
	<b>0.75</b>	(OAB): 2x + y - z = 0
01	0,5	$\begin{cases} 2x + 2y + 6z - 11 = 0 \\ 2x + 4z - 5 = 0 \end{cases}  M \in (\Delta) - (2$ $[OB]    (p_1) : 2x + 4z - 5 = 0$ $[OA]    (p_2) : 2x + 2y + 6z - 11 = 0$ $(\Delta) = (p_1) \cap (p_2)$ $(\Delta) : \begin{cases} x = \frac{5}{2} - 2t \\ y = 3 - t \end{cases}  t \in \square$ $  (\Delta) : \begin{cases} x = \frac{5}{2} - 2t \\ y = 3 - t \end{cases}  t \in \square$

		$M_{\sigma}(D)$ , $M_{\sigma}(D)$ : $\delta S$ , $M_{\sigma}(A)$ (2)
	0.25	$M \in (P_2)$ و $M \in (P_1)$ یکافئ $M \in (\Delta)$ میکافئ $M \in (\Delta)$ و ر
0, 5	0.20	OM = AM و $OM = BM$ . یکافئ : $OM = BM = AM$
		$OM=BM=AM$ . یک نیم $\Omega$
	0.25	
		$(\Omega \in (\Delta))$ و $\Omega \in (OAB)$ و $\Omega \in (OAB)$
		$\Omega\left(-\frac{1}{6},\frac{5}{3},\frac{4}{3}\right)$
		التمرين الثالث ( 05 نقاط):
1 ,5	<b>1</b> ,5	,
		$S = \{1 + i; 1 - i; \sin\theta + i\cos\theta; \sin\theta - i\cos\theta\}$ مجموعة حلول المعادلة هي $S = \{1 + i; 1 - i; \sin\theta + i\cos\theta; \sin\theta - i\cos\theta\}$
	<mark>0,5</mark>	$z_A = \sqrt{2} e^{i \frac{\pi}{4}}$ (1 .II)
	,	
	0,25	$z_{B} = \sqrt{2} e^{-i \frac{\pi}{4}}$
1,25	0,25	$\mathbf{S} z_{C} = e^{i\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)}$
	0,23	C
	0,25	$z_D = e^{i\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right)}$
		_
	<b>0,5</b>	$z_E = e^{i\frac{\pi}{2}}  (2)$
1,5	<b>0.75</b>	$ z_c  =  z_D  =  z_E  = 1$
1 ,0	0.25	. 1 و $E$ تنتمي إلى الدائرة التي مركزها مبدأ المعلم $O$ و طول نصف قطرها $D$
0,5	<mark>0,5</mark>	$ heta=rac{-3\pi}{4}$ و منه $e^{i\left(rac{\pi}{2}- heta ight)}=e^{irac{5\pi}{4}}$ الإن $z_{B}-z_{A}=(2\sqrt{2}-2)e^{irac{\pi}{4}}(z_{C}-z_{A})$ (3)
0,25	0,25	$k \in \square$ ; $n = 4k + 2$ و منه $n = 2[4]$ أي $n = 2[4]$ أي $n = 2[4]$
		4 2 4 2
	0.25	التمرين الرابع: ( 07 نقاط):
0.75	0,25	اً $f$ مستمرة عند $0$ من اليمين.
		f(h) - f(0)
	0,5	ب $(C_f)$ يقبل نصف مماس عمو دي. $\lim_{h  o 0} \frac{f(h) - f(0)}{h} = + \infty$
	0,75	$\lim_{\substack{x \to 1 \\ x \to 1}} f(x) = -\infty \cdot \lim_{\substack{x \to 1 \\ x \to 1}} f(x) = +\infty \cdot \lim_{\substack{x \to +\infty \\ x \to +\infty}} f(x) = +\infty / (2)$
		1
	0,5	$f'(x)=1+\frac{1}{x(\ln x)^2}$ /
2,5		
	0,5	$]0;1[$ و منه الدالة $f$ متز ايدة تماما على $]0;1[$ و على ا $]0;+\infty[$

	0,75	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	0,25	$+\infty$ بجوار $(C_f)$ المقارب المائل للمنحني $y=x+1$ (3) المقارب المائل المنحني $y=x+1$
0.75	0,5	$(\Delta)$ اعلى $(C_f)$ المنحني $(C_f)$ اعلى $(\Delta)$ المنحني $(C_f)$ اعلى $(\Delta)$ المنحني $(C_f)$ المنحني $(C_f)$ المنحني $(C_f)$ المنحني المجال $(C_f)$
	0,5	( مبر هنة القيم المتوسطة ) حيث $f(lpha)=0$ - (4 حيث $f(lpha)=0$ - (4
01	0,5	$y = \left(\alpha + 3 + \frac{1}{\alpha}\right)(x - \alpha)$ : $\omega$ النقطة $\omega$
0.75	0,75	$(C_{j})$
	0,5	$h(x) \ge 0$ اذن $h(1) = 0$ و منه $h$ متزایدة تماما علی $h(1) = 0$ و $h(x) = \ln x$ / (6
01	0,25	$f(x) - x + \frac{1}{x \ln x} = \frac{h(x)}{x \ln x} / $
	0,25	$x - \frac{1}{x \ln x} < f(x) < x + 1$ استنتاج أنّ:
0,25	0,25	$\int_{\alpha}^{e} (x - \frac{1}{x \ln x}) dx < \mathcal{A} < \int_{\alpha}^{e} (x + 1) dx$ لاينا: (7) لاينا: $\frac{1}{2} (e^{2} - \alpha^{2}) - \ln(\alpha + 1) < \mathcal{A} < \frac{1}{2} (e - \alpha)(e + \alpha + 2)$ و منه:

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة	التمرين الأول: ( 04 نقاط)
	$2 \times 0.5$	· ,
1.5	<b>4</b> X <b>U.</b> S	$\alpha = 2018 \ \beta = 2017 \ \neg 1$
	0.5	$p \gcd(\beta, \frac{\alpha}{2}) = 1$
1	$2 \times 0.5$	$(x,y) = (2017k + 2,1009k + 1)/k \in \square$
0.5	0.5	$k \in \square$ مع $a = 2035153k + 2019$ <b>-3</b>
	0.55	<b>-4</b> أ. دور بواقي القسمة هو 3 و البواقي هي  4،7،1
1	<b>0.75</b>	$42L = 7^{2019} - 7$ ب.
	0.25	ـ باقي القسمة هو 3
		التمرين الثاني: (04 نقاط)
0.75	0.25x3	$p(C) = \frac{8}{126}$ $(p(B) = 1)$ $p(A) = \frac{5}{126}$ -1
	0.5	
	0.5	$X \in \{0,1,2,3\}  (1-2)$
	4x0.5	قانون احتمال $X_i egin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$
3.25		$p(X_i)$ 6 45 60 15
		120 120
	0.5	$E(X) = \frac{210}{126} = \frac{5}{3}  (\because$
	0.25	$p(X^2 - X > 0) = \frac{75}{126} = \frac{25}{42}  (\Rightarrow$
		التمرين الثالث: ( 05 نقاط)
0.5	0.5	$m \in ]1,5[ \qquad (1$
1	2x0.5	$s = \{-2+i, -2-i\}$ (2
0.5	0.5	$ \qquad \qquad \alpha = -2 + \sqrt{3}  (3) $
	0.5	. $rac{z_c-z_E}{2}=e^{irac{\pi}{2}}$ كتابة العدد (4
1.5	<b>0.75</b>	$z_A - z_B$
		$(AB) \perp (EC)$ ( $^{\dagger}$
	<b>0.25</b>	2 ب) دائرة مركزها $C$ دائرة مركزها $C$ دائرة مركزها $C$

	0.5-:2	
	0.5x2	$a = -\frac{2\pi}{3}$ وزاویته $a = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ (أ (5
1.5	0.5	$-2+rac{\sqrt{3}}{3}$ ب $G$ مركز ثقل المثلث $ABC$ هي $G$
		و بما ان $r(G)=G$ اذن $G$ مركز الدوران
		التمرين الرابع ( 07 نقاط):
		$g'(x) = \frac{(2x^3 + 2x^2 + x + 1)}{x^2} e^{-\frac{1}{x}}$ لدينا (1 (I
	0.5	X
0.75	0.25	$g'(x) = \frac{(x+1)(2x^2+1)}{x^2} e^{-\frac{1}{x}}$ بیان أنّ:
		. $g$ متزایدة تماما علی $g = [0;+\infty[$
	0.5	
1	0.5	$0.9 < \alpha < 1$ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حل وحيد $\alpha$ حيث $g(x) = 0$
	0.5	_ اشارة (g(x)
	0.25x2	$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x \to 0}} f(x) = +\infty  i  \lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty  \text{(i)}  \text{(II)}$
1.75	0.75	$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$ ب) اثبات أن
	0.25	ـ استنتاج اتجاه التغير
	0.25	<ul> <li>جدول التغيرات</li> </ul>
0.75	0.5	$\lim_{x \to +\infty} \left( x e^{\frac{-1}{x}} - x \right) = \lim_{t \to +\infty} -\frac{e^{t} - 1}{t} = -1 $ تبيان أن (2)
0.75	0.25	$(C_f)$ استنتاج أن $y=x$ معادلة للمستقيم المقارب المائل لـ $y=x$
	0.25	$\lim_{x \to +\infty} h(x) = 0  (5)$
0.75	0.25	]0;+∞[ علی متناقصة تماما علی $h \cdot h'(x) = \frac{1}{x^2} \left( e^{-\frac{1}{x}} - 1 \right)$
	0.25	$h(x) > 0$ : $]0;+\infty[$ من $x$ من أجل كل $x$ من أجل كل
	0.25	f(x) - x = (1+x)h(x): ب) التحقق أن
0.5	0.25	$(\Delta)$ فوق $(C_f)$ : استنتاج الوضع النسبي $(C_f)$ فوق
0.75	0.75	$(C_f)$ و $(\Delta)$ الرسم ( $\Delta$ ) و ( $\Phi$

		1 1 6
		$u_1=rac{1}{\mathrm{e}}$ و $q=rac{1}{\mathrm{e}}$ هندسية أساسها $u_n$ ، $u_n=\mathrm{e}^{-n}$ (أ (5
0.75	0.5	$\frac{n}{n+1}f\left(\frac{1}{n}\right) - \frac{1}{n+1} = u_n + (n-1) \qquad (ب)$
	0.25	$s_n = \frac{1 - e^{-n}}{e - 1} + \frac{n}{2}(n - 1)$ أي $s_n = (u_1 + u_2 + \dots + u_n) + (0 + 1 + \dots + (n - 1))$